

1
你

1、 $d/dx \int \sin(1-x^2) dx = ()$

$\frac{d}{dx} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin(1+x^2) dx = ()$. 答案: 0.

2、 $d/dx \int x \ln x dx = ()$

$\frac{d}{dx} \int_1^e \ln x dx = ()$. 答案: 0

3、 $d/dx \int \cos x dx = ()$

$\frac{d}{dx} \int \cos x dx = ()$. 答案: $\cos x$

4、 $\lim_{x \rightarrow \infty} 4x^2 - 3x + 2 / 5x^2 + 2x + 3 = ()$

$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4x^2 - 3x + 2}{5x^2 + 2x + 3} = ()$. 答案: $\frac{4}{5}$

5、 $\lim_{x \rightarrow 0} x - 2 \sin x / x = ()$

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - 2 \sin x}{x} = ()$ 答案: D.2

6、 $\lim_{x \rightarrow 0} x - \sin x / x = ()$

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - \sin x}{x} = ()$. 答案: 0

7、 $\lim_{x \rightarrow \infty} x - \sin x / x = ()$

$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x - \sin x}{x} = ()$. 答案: 1

8、 $\lim_{x \rightarrow 1} 2 - 1 / \sin(x-1) = ()$

$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{\sin(x-1)} = ()$. 答案: 2

9、 $\lim_{x \rightarrow \infty} 2 - 3x + 1 / 4x^2 + 2x + 4 = ()$

$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 3x + 1}{4x^2 + 2x + 4} = ()$. 答案: $\frac{1}{4}$

10、 $\lim_{x \rightarrow 1} 2 - 3x + 2 / x^2 - 7x + 6 = ()$

$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 - 7x + 6} = ()$. 答案: $\frac{1}{5}$

11、 $\lim_{x \rightarrow -2} 2 - 4 / \sin(x+2) = ()$

$\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - 4}{\sin(x+2)} = ()$. 答案: -4

12、 $\lim_{x \rightarrow 2} 2 - 4 / \sin(x-2) = ()$

$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{\sin(x-2)} = ()$. 答案: 4

13、 $\lim_{x \rightarrow \infty} 2 - 5x + 5 / 3x^2 + 2x + 4 = ()$

$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 - 3x + 5}{3x^2 + 2x + 4} = ()$. 答案: $\frac{2}{3}$

14、 $\lim_{x \rightarrow 2} 2 - 5x + 6 / x^2 - 3x + 2 = ()$

$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 3x + 2} = ()$. 答案: -1

15、 $\lim_{x \rightarrow 2} 2 - 5x + 6 / x^2 - 6x + 8 = ()$

$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 6x + 8} = ()$. 答案: $\frac{1}{2}$

16、 $\lim_{x \rightarrow 0} x - 2 \sin x / x = ()$

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - 2 \sin x}{x} = ()$. 答案: -1

17、n 元线性方程组有解的充分必要条件是 ()。

A. 秩 $A = \text{秩}(\bar{A})$

18、 $y = x^2 - 4$

$y = \frac{\sqrt{x^2 - 4}}{x - 2}$ 的定义域是 $(-\infty, -2] \cup (2, +\infty)$

19、 $\int (\sin x)' dx = ()$

$\int (\sin x)' dx = ()$. 答: C. $\sin x + c$

20、 $\int (\tan x)' dx = ()$

$\int (\tan x)' dx = ()$. 答案: $\tan x + c$

21、 $\int x^2 - 25 / x - 5 dx = ()$

$\int \frac{x^2 - 25}{x - 5} dx = ()$. 答案: $\frac{x^2}{2} + 5x + c$

22、 $\int x^2-2x-3/x-3dx = ()$

$$\int \frac{x^2-2x-3}{x-3} dx = () \quad \text{答案: } \frac{1}{2}x^2 + x + c$$

23、 $\int x^2-4/x+2dx = ()$

$$\int \frac{x^2-4}{x+2} dx = () \quad \text{答案: } \frac{1}{2}x^2 - 2x + c$$

24、 $\int |1+x|dx = ()$

$$\int_{-2}^1 |1+x| dx = () \quad \text{答案: } \frac{5}{2}$$

25、 $\int |2-x|dx = ()$

$$\int_{-1}^2 |2-x| dx = () \quad \text{答案: } \frac{9}{2}$$

26、当 $a = ()$, $b = ()$ 时, 函数 $f(x) = \begin{cases} x \sin 1/x + b, & x < 0 \\ a, & x = 0 \\ \frac{\sin x}{x}, & x > 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续。

$$f(x) = \begin{cases} x \sin \frac{1}{x} + b, & x < 0 \\ a, & x = 0 \\ \frac{\sin x}{x}, & x > 0 \end{cases}$$

当 $a = ()$, $b = ()$ 时, 函数

处连续。

答案: $a=1$, $b=1$

27、当 $a = ()$, $b = ()$ 时, 函数 $f(x) = \begin{cases} x \sin 1/x + b, & x < 0 \\ a, & x = 0 \\ \frac{\sin 2x}{x}, & x > 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续。

$$f(x) = \begin{cases} x \sin \frac{1}{x} + b, & x < 0 \\ a, & x = 0 \\ \frac{\sin 2x}{x}, & x > 0 \end{cases}$$

当 $a = ()$, $b = ()$ 时, 函数

处连续。

答案: $a=2$, $b=2$

28、当 $a = ()$, $b = ()$ 时, 函数 $f(x) = \begin{cases} x \sin 1/x + b, & x < 0 \\ a, & x = 0 \\ \frac{\sin x}{x} + b, & x > 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续。

$$f(x) = \begin{cases} x \sin \frac{1}{x} + b, & x < 0 \\ a, & x = 0 \\ \frac{\sin x}{x} + b, & x > 0 \end{cases}$$

当 $a = ()$, $b = ()$ 时, 函数

在 $x=0$ 处连续。

29、当 $x \rightarrow 0$ 时, 下列变量为无穷小量的是 ()

D. x^3

30、当 $x \rightarrow 0$ 时, 下列变量为无穷小量的是 ()

B. $\ln(1+x)$

31、当 $x \rightarrow 1$ 时, 变量 () 为无穷小量。

D. $\ln x$

32、当时 $x \rightarrow +\infty$, 下列变量为无穷小量的是 ()

$\frac{\sin x}{x}$

33、当时 $x \rightarrow 0$, 下列变量为无穷小量的是 ()

$x \sin \frac{1}{x}$

34、对线性方程组 $\begin{cases} x-3x_2-2x_3=-1 \\ 3x_1-8x_2-4x_3=0 \\ -2x_1+5x_2+2x_3=-1 \end{cases}$ 的增广矩阵做初等行变换可得

$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 - 2x_3 = -1 \\ 3x_1 - 8x_2 - 4x_3 = 0 \\ -2x_1 + 5x_2 + 2x_3 = -1 \end{cases}$$

$$\bar{A} = \begin{bmatrix} 1 & -3 & -2 & -1 \\ 3 & -8 & -4 & 0 \\ -2 & 5 & 2 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow \Lambda \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 4 & 8 \\ 0 & 1 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

得该方程组的一般解为 (), 其中 \mathbf{q} 是自由未知量。

$$\text{答案: } \begin{cases} x_1 = -4x_3 + 8 \\ x_2 = -2x_3 + 3 \end{cases}$$

35、对线性方程组 $\begin{cases} x-3x_2-2x_3=1 \\ 3x_1-8x_2-4x_3=0 \\ -2x_1+5x_2+2x_3=1 \end{cases}$ 的增广矩阵做初等行变换可得

$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 - 2x_3 = 1 \\ 3x_1 - 8x_2 - 4x_3 = 0 \\ -2x_1 + 5x_2 + 2x_3 = 1 \end{cases}$$

对线性方程组的增广矩阵做初等行变换可得

$$\bar{A} = \begin{bmatrix} 1 & -3 & -2 & 1 \\ 3 & -8 & -4 & 0 \\ -2 & 5 & 2 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow L \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 4 & -8 \\ 0 & 1 & 2 & -3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

得该方程组的一般解为 (),

其中 \mathbf{q} 是自由未知量。

$$\text{答案: } \begin{cases} x_1 = -4x_3 - 8 \\ x_2 = -2x_3 - 3 \end{cases}$$

36、对线性方程组 $\begin{cases} x_1-x_2-x_3=1 \\ x_1+x_2-2x_3=2 \\ x_1+3x_2+ax_3=b \end{cases}$ 的增广矩阵做初等行变换可得, 则当 () 时, 该方程组有唯一解。

$$\begin{cases} x_1 - x_2 - x_3 = 1 \\ x_1 + x_2 - 2x_3 = 2 \\ x_1 + 3x_2 + ax_3 = b \end{cases}$$

对线性方程组的增广矩阵做初等行变换可得

$$\bar{A} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & -2 & 2 \\ 1 & 3 & a & b \end{bmatrix} \rightarrow L \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 \\ 0 & 2 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & a+3 & b-3 \end{bmatrix}$$

则当 () 时, 该方程组有唯一解。

答案: $a \neq -3$

37、对线性方程组 $\begin{cases} x_1-x_2-x_3=1 \\ x_1+x_2-2x_3=2 \\ x_1+3x_2+ax_3=b \end{cases}$ 的增广矩阵做初等行变换可得, 则当 () 时, 该方程组无解。

$$\begin{cases} x_1 - x_2 - x_3 = 1 \\ x_1 + x_2 - 2x_3 = 2 \\ x_1 + 3x_2 + ax_3 = b \end{cases}$$

对线性方程组的增广矩阵做初等行变换可得

$$\bar{A} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & -2 & 2 \\ 1 & 3 & a & b \end{bmatrix} \rightarrow L \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 \\ 0 & 2 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & a+3 & b-3 \end{bmatrix}$$

则当 () 时, 该方程组无解。

答案: $a = -3$ 且 $b \neq 3$

38、对线性方程组 $\begin{cases} x_1 - x_2 - x_3 = 1 \\ x_1 + x_2 - 2x_3 = 2 \\ x_1 + 3x_2 + ax_3 = b \end{cases}$ 的增广矩阵做初等行变换可得则当 () 时,该方程组有无穷多解.

对线性方程组 $\begin{cases} x_1 - x_2 - x_3 = 1 \\ x_1 + x_2 - 2x_3 = 2 \\ x_1 + 3x_2 + ax_3 = b \end{cases}$ 的增广矩阵做初等行变换可得

$$\bar{A} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & -2 & 2 \\ 1 & 3 & a & b \end{bmatrix} \rightarrow L \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 \\ 0 & 2 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & a+3 & b-3 \end{bmatrix}$$

则当 () 时, 该方程组有无穷多解.

$$a = -3 \text{ 且 } b = 3$$

39、对线性方程组的增广矩阵做初等行变换可得 $\begin{cases} x - 3x_2 - 2x_3 = 1 \\ -2x_1 + 5x_2 + 2x_3 = 1 \\ 3x_1 - 8x_2 - 4x_3 = 0 \end{cases}$

对线性方程组的增广矩阵做初等行变换可得

$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 - 2x_3 = 1 \\ -2x_1 + 5x_2 + 2x_3 = 1 \\ 3x_1 - 8x_2 - 4x_3 = 0 \end{cases}$$

$$\bar{A} = \begin{bmatrix} 1 & -3 & -2 & 1 \\ -2 & 5 & 2 & 1 \\ 3 & -8 & -4 & 0 \end{bmatrix} \rightarrow \Lambda \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 4 & -8 \\ 0 & 1 & 2 & -3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

则该方程组的一般解为 (), 其中 q, x_3 是自由未知量.

$$\text{答案: } \begin{cases} x_1 = -4x_3 - 8 \\ x_2 = -2x_3 - 3 \end{cases}$$

40、高需求量 q 对价格 p 的函数为, 则需求弹性为 ().

设需求量 q 对价格 p 的函数为 $q(p) = 3 - 2\sqrt{p}$, 则需求

$$D. \frac{-\sqrt{p}}{3 - 2\sqrt{p}}$$

41、根据一阶线性微分方程的通解公式求解 $(1+x^2)y' + xy = x^2$, 则下列选项正确的是 ().

根据一阶线性微分方程的通解公式求解 $(1+x^2)y' + xy = x^2$, 则下列选项正确的是 ().

$$P(x) = \frac{x}{1+x^2}, Q(x) = \frac{x^2}{1+x^2}$$

42、根据一阶线性微分方程的通解公式求解 $y' = 2/xy = x^3$, 则下列选项正确的是 ().

根据一阶线性微分方程的通解公式求解 $y' - \frac{2}{x}y = x^3$, 则下列选项正确的是 ().

$$P(x) = -\frac{2}{x}, Q(x) = x^3$$

43、根据一阶线性微分方程的通解公式求解有 $y' - xy = 1/x$, 则下列选项正确的是 ().

根据一阶线性微分方程的通解公式求解有 $y' - xy = \frac{1}{x}$, 则下列选项正确的是 ().

$$P(x) = -x, Q(x) = \frac{1}{x}$$

44、函数 $f(x) = \sqrt{4-x} + 1/\ln(x-1)$ 的定义域为 ().

函数 $f(x) = \sqrt{4-x} + \frac{1}{\ln(x-1)}$ 的定义域为 (). 答案: $(1, 2) \cup (2, 4)$

45、函数 $f(x) = \sqrt{5-x} + 1/\ln(x-1)$ 的定义域为 ().

函数 $f(x) = \sqrt{5-x} + \frac{1}{\ln(x-1)}$ 的定义域为 (). 答案: $(1, 2) \cup (2, 5)$

46、函数 $f(x) = \sqrt{5-x} + \ln(x-1)$ 的定义域为 ().

函数 $f(x) = \sqrt{5-x} + \frac{1}{\ln(x-1)}$ 的定义域为 ().

$$A. (1, 2) \cup (2, 5]$$

47、函数 $f(x) = \begin{cases} \sin x/x, x \neq 0 \\ k, x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k = ()$.

函数 $f(x) = \begin{cases} \frac{\sin x}{x}, x \neq 0 \\ k, x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k = ()$.

答案: A.1

48、函数 $f(x) = \sqrt{4-x} + 1/\ln(x-1)$ 的定义域为 ().

函数 $f(x) = \sqrt{4-x} + \frac{1}{\ln(x-1)}$ 的定义域为 ().

$$A. (1, 2) \cup (2, 4]$$

49、函数 $\lim_{x \rightarrow 1} 2-1/\sin(x-1)$ 的定义域为 ().

函数 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{\sin(x-1)}$ 的定义域为 (). 答案: $(-1, 0) \cup (0, 4]$

50、函数 $y = 3(x+1)^2$ 的驻点是 ().

函数 $y = 3(x+1)^2$ 的驻点是 (). 答案: $x = -1$

51、函数 $y = 3(x-2)^2$ 的驻点是 ().

$$x = 2$$

52、函数 $y = x/\lg(x+1)$ 的定义域是 ().

函数 $y = \frac{x}{\lg(x+1)}$ 的定义域是 ().

$$D. x > -1 \text{ 且 } x \neq 0$$

53、计算定积分: $\int |1+x| dx$, 则下列步骤中正确的是 ().

$$\int_{-1}^2 |1-x| dx = \int_{-1}^1 (1-x) dx + \int_1^2 (x-1) dx$$

54、计算无穷限积分 $\int_{-\infty}^{\infty}$

计算无穷限积分 $\int_1^{+\infty} \frac{1}{x^3} dx = (C. \frac{1}{2})$.

55、矩阵 $A = [1-11]$ 的秩是 ().

矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 2 & 0 & -1 \\ 1 & -3 & 3 \end{bmatrix}$ 的秩是 (). 答案: 3

56、矩阵 $A = [1-11]$ 的秩是 ().

矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 0 & 2 & -1 \\ -1 & 1 & 3 \end{bmatrix}$ 的秩是 (). 答案: 3

57、矩阵 $A = [124]$ 的秩是 ().

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 2 & 4 & 8 \\ \frac{1}{2} & 1 & \lambda \end{bmatrix}$, 则当 $\lambda = (\quad)$ 时, $r(A)$ 最小. 答案: 2

58、矩阵 $A=[124]$ 的秩是 (\quad) .

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 2 & 4 & 8 \\ -\frac{1}{2} & -1 & \lambda \end{bmatrix}$, 则当 $\lambda = (\quad)$ 时, $r(A)$ 最小. 答案: 2

59、列矩阵可逆的是 (\quad) .

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 2 & 3 \\ 0 & 3 & 0 \end{bmatrix}$$

60、齐次线性方程组 $A_{3 \times 4} X_{4 \times 1} = 0$ (\quad) .

齐次线性方程组 $A_{3 \times 4} X_{4 \times 1} = 0$ (\quad) .

B. 有非零解

61、求解可分离变量的微分方程 $y' = ex + y$, 分离变量后可得 (\quad) .

求解可分离变量的微分方程 $y' = e^{xy}$, 分离变量后可得 (\quad) .

$$\frac{dy}{e^y} = e^x dx$$

62、求解可分离变量的微分方程 $y' = f(x) + g(x)$, 分离变量后可得 (\quad) .

$$\frac{1}{g(y)} dy = f(x) dx$$

63、求解可分离变量的微分方程 $y' = x + xy$, 分离变量后可得 (\quad) .

$$\frac{dy}{1+y} = x dx$$

64、曲线 $y = \sqrt{x} + 1$ 在点 $(1, 2)$ 的切线方程是 (\quad) .

曲线 $y = \sqrt{x} + 1$ 在点 $(1, 2)$ 的切线方程是 (\quad) . 答案: $y = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$

65、曲线 $y = \sqrt{x} + 1$ 在点 $(1, 2)$ 的切线方程是 (\quad) .

曲线 $y = \sqrt{x} + 1$ 在点 $(1, 2)$ 的切线方程是 (\quad) . 答案: $y = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$

A. $y = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$

66、曲线 $y = \sqrt{x} - 1$ 在点 $(1, 0)$ 的切线方程是 (\quad) .

曲线 $y = \sqrt{x} - 1$ 在点 $(1, 0)$ 的切线方程是 (\quad) . 答案: $y = \frac{1}{2}x - \frac{1}{2}$

67、曲线 $y = \sqrt{x}$ 在点 $(1, 1)$ 的切线方程是 (\quad) .

曲线 $y = \sqrt{x}$ 在点 $(1, 1)$ 的切线方程是 (\quad) . 答案: $y = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$

68、若 $f(1/x) = x$, 则 $df(x) = (\quad)$.

若 $f(\frac{1}{x}) = x$, 则 $df(x) = (\quad)$. 答案: $-\frac{1}{x^2} dx$

69、若 $f(1/x) = x$, 则 $f'(x) = (\quad)$.

若 $f(\frac{1}{x}) = x$, 则 $f'(x) = (\quad)$. 答案: $-\frac{1}{x^2}$

70、若 $F(x)$ 是 $f(x)$ 的一个原函数, 则下列等式成立的是 (\quad) .

答案: C. $\int_a^x f(x) dx = F(x) - F(a)$

71、若 $f(x+1) = x$, 则 $f'(x) = (\quad)$.

答案: 1

72、若 n 元线性方程组 $AX = 0$ 满足 $r(A) = n$, 则该线性方程组 (\quad) .

B. 有唯一解

73、若 $y = \lg 2x$, 则 $dy = (\quad)$.

设 $y = \lg 2x$, 则 $dy = (\quad)$. 答案: $\frac{1}{x \ln 10} dx$

74、若 $y = \lg 2x$, 则 $y' = (\quad)$.

设 $y = \lg 2x$, 则 $y' = (\quad)$. 答案: $\frac{1}{x \ln 10}$

75、若 $y = \lg 5x$, 则 $dy = (\quad)$.

设 $y = \lg 5x$, 则 $dy = (\quad)$. 答案: $\frac{1}{x \ln 10} dx$

76、若 $\int f(x) dx = 2x + 2x + c$, 则 $f(x) = (\quad)$.

若 $\int f(x) dx = 2^x + 2x + c$, 则 $f(x) = (\quad)$.

77、若 $\int f(x) dx = F(x) + c$, 则 $\int f(4x-5) dx = (\quad)$.

若 $\int f(x) dx = F(x) + c$, 则 $\int f(4x-5) dx = (\quad)$. 答案: $\frac{1}{4} F(4x-5) + c$

D. $\frac{1}{4} F(4x-5) + c$

78、若 $\int f(x) dx = F(x) + c$, 则 $\int f(3 + \ln x) / x dx = (\quad)$.

若 $\int f(x) dx = F(x) + c$, 则 $\int \frac{f(3 + \ln x)}{x} dx = (\quad)$.

F(3 + \ln x) + c

79、若 $\int f(x) dx = F(x) + c$, 则 $\int f(3x-2) dx = (\quad)$.

若 $\int f(x) dx = F(x) + c$, 则 $\int f(3x-2) dx = (\quad)$.

$\frac{1}{3} F(3x-2) + c$

80、若 $\int f(x) dx = F(x) + c$, 则 $\int f(e-x) dx = (\quad)$.

若 $\int f(x) dx = F(x) + c$, 则 $\int f(3x-2) dx = (\quad)$.

$-F(e^{-x}) + c$

81、若 $\int f(x) dx = \sin x + 5^{-x} + c$, 则 $f(x) = (\quad)$.

若 $\int f(x) dx = \sin x + 5^{-x} + c$, 则 $f(x) = (\quad)$.

$\cos x - 5^{-x} \ln 5$

82、若 $\int f(x) dx = x + 1/x + c$, 则 $f(x) = (\quad)$.

若 $\int f(x)dx = x + \frac{1}{x} + c$, 则 $f(x) = ()$. 答案: $1 - \frac{1}{x^2}$

83、若函数 $f(x) = \begin{cases} x^2 + 1, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k = ()$

84、若函数 $f(x)$ 在 x_0 点处连续, 则 $()$ 是正确的.
函数 $f(x)$ 在 x_0 点处有定义

85、若函数 $f(x)$ 在点 x_0 处可微, 则 $()$ 是错误的.

$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = A$, 但 $A \neq f(x_0)$

86、若函数 $f(x)$ 在点 x_0 处可导, 则 $()$ 是错误的.

$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = A$, 但 $A \neq f(x_0)$

87、若函数在点处可导, 则 $()$ 是错误的.

$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = A$, 但是 $A \neq f(x_0)$

88、若线性方程组 $A_{m \times n} X = 0$ 只有零解, 则 $()$.

若线性方程组 $A_{m \times n} X = 0$ 只有零解, 则 $()$.

$r(A) = n$

89、若线性方程组 $AX=0$, 则线性方程组 $AX=b$ $()$.

D. 解不能确定

90、若线性方程组 $AX=0$ 有无穷多解, 则线性方程组 $AX=O$ $()$.

有无穷多解

91、若线性方程组 $AX=0$ 只有零解, 则线性方程组 $AX=b$ $()$.

解不能确定

92、若线性方程组 $AX=b$ 有唯一解, 则线性方程组 $AX=O$ $()$.

A. 只有零解

93、若线性方程组 $AX=b$ 只有唯一解, 则线性方程组 $AX=O$ $()$.

B. 只有零解

94、若线性方程组 $AX=b$ 中, $r() = 4, r(A) = 3$, 则该线性方程组 $()$.

B. 无解

95、若线性方程组 $AX=O$ 只有零解, 则线性方程组 $AX=b$ $()$.

D. 解不能确定

96、若线性方程组的增广矩阵为 A , 则当 $\lambda = ()$ 时该线性方程组无解.

若线性方程组的增广矩阵为 $A = \begin{bmatrix} 1 & \lambda & 2 \\ 0 & 1 - 2\lambda & -4 \end{bmatrix}$, 则当 $\lambda = ()$ 时该线性方程组无解. 答: A. 1/2

97、若线性方程组的增广矩阵为 A

$\bar{A} = \begin{bmatrix} 1 & \lambda & 2 \\ 2 & 1 & 0 \end{bmatrix}$, 则当 $\lambda = ()$ 时线性方程组无解

98、设 A 为 3×4 矩阵, B 为 5×2 矩阵, 且乘积矩阵 $ACBT$ 有意义, 则 C 为 $()$ 矩阵

4×2

99、设 A 为 5×2 矩阵, B 为 3×4 矩阵, 且乘积矩阵 $ACBT$ 有意义, 则 C 为 $()$ 矩阵

2×4

100、设 A, B 均为 n 阶矩阵, $(I+B)$ 可逆, 则矩阵方程 $A - BX = X$ 的解 $X = ()$.

$(I+B)^{-1}A$

101、设 A, B 均为 n 阶矩阵, $(I-B)$ 可逆, 则矩阵方程 $A + BX = X$ 的解 $X = ()$.

$(I-B)^{-1}A$

102、设 A, B 均为 n 阶矩阵, $(I-B)$ 可逆, 则矩阵方程 $A + XB = X$ 的解 $X = ()$.

$A(I-B)^{-1}$

103、设 A, B 均为 n 阶矩阵, 则等式 $(A-B)^2 = A^2 - 2AB + B^2$ 成立的充分必要条件是 $()$.

D. $AB=BA$

104、设 A, B 均为 n 阶可逆矩阵, 则下列等式成立的是 $()$.

D. $(A+B)^T = A^T + B^T$

105、设 A, B 均为 n 阶可逆矩阵, 则下列等式成立的是 $()$.

$|AB| = |BA|$

106、设 A, B 均为 n 阶可逆矩阵, 则下列等式成立的是 $()$.

$(A \cdot B)^{-1} = B^{-1} \cdot A^{-1}$

107、设 $A = [-21], B = [01]$, 则 $AB = ()$.

设 $A = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 5 & 3 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$, 则 $AB = ()$. 答案: $\begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 5 \end{bmatrix}$

108、设 $A = [-21], B = [01]$, 则 $BA = ()$.

设 $A = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 5 & 3 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$, 则 $BA = ()$. 答案: $\begin{bmatrix} 5 & 3 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$

109、设 $A = [1-21]$, 则 $r(A) = ()$

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 1 \\ 2 & 0 & -1 \\ 3 & -2 & 0 \end{bmatrix}$, 则 $r(A) = ()$.

答案: C. 2

110、设 $A = [11-1], B = [200]$, 则 $|AB| = ()$

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 0 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$, 则 $|AB| = ()$. 答案: -2.4

111、设 $A = [110], B = [200]$, 则 $|AB| = ()$

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$, 则 $|AB| = ()$. 答案: 0

112、设 $A = [120-3]$, 则 $r(A) = ()$.

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 & -3 \\ 0 & 0 & -1 & 3 \\ 2 & 4 & -1 & -3 \end{bmatrix}$, 则 $r(A) = ()$.

答案: B. 2

113、设 $A = [13], I$ 为单位矩阵, 则 $(A-I)^T = ()$

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ -2 & 4 \end{bmatrix}, I$ 为单位矩阵, 则 $(A-I)^T = ()$. 答案: $\begin{bmatrix} 0 & -2 \\ 3 & 3 \end{bmatrix}$

114、设 $A = [13], I$ 为单位矩阵, 则 $(I-A)^T = ()$

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ -2 & 4 \end{bmatrix}, I$ 为单位矩阵, 则 $(I-A)^T = ()$. 答案: $\begin{bmatrix} 0 & 2 \\ -3 & -3 \end{bmatrix}$

115、设 AB 为同阶可逆矩阵, 则下列等式成立的是 $()$.

C. $(AB)^T = B^T A^T$

116、设 A, B 均 n 阶可逆矩阵, 则下列等式成立的是 $()$.

A. $(AB)^{-1}=B^{-1}A^{-1}$

117、设 A 是 $m \times n$ 矩阵, B 是 $s \times t$ 矩阵, 且 $AC^T B$ 有意义, 则 C 是 () 矩阵。

A. $s \times n$

118、设 A 是 $n \times s$ 矩阵, B 是 $m \times s$ 矩阵, 则下列运算中有意义的是 ()。

B. AB^T

119、设 A 是可逆矩阵, 且 $A+AB=I$, 则 $A^{-1}=()$ 。

答案: $C. I+B$

120、设 A 为 2×4 矩阵, B 为 3×5 矩阵, 且乘积矩阵 ACB^T 有意义, 则 CT 为 () 矩阵

B. 5×4

121、设 A 为 3×2 矩阵, 则 B 为 2×3 矩阵, 则下列运算中 () 可以进行。

C. AB

122、设 A 为 3×4 矩阵, B 为 5×2 矩阵, 且乘积矩阵 ACB^T 有意义, 则 CT 为 () 矩阵

2×4

123、设 A 为 5×2 矩阵, B 为 5×2 矩阵, 且乘积矩阵 $AC^T B^T$ 有意义, 则 C 为 (B. 2×4) 矩阵。

124、设 $\cos(x+y)=4x$, 方程两边对 x 求导, 可得 ()。

$-\sin(x+y)(1+y')=4$

125、设 $f(x)=1/x+1$, 则 $f(f(x))=()$

设 $f(x)=\frac{1}{x}+1$, 则 $f(f(x))=(\square)$. 答案: $\frac{x}{1+x}+1$

126、设 $f(x)=1/x$, 则 $f(f(x))=()$ 。

C. x

127、设 $f(x)=\ln(1+x^2)$, 则 $f'(x)=()$

$\frac{2-2x^2}{(1+x^2)^2}$

128、设 $f(x)=x-1/x$, 则 $f(f(x))=()$

设 $f(x)=\frac{x-1}{x}$, 则 $f(f(x))=()$. 答案: $\frac{-1}{x-1}$

129、设 $f(x)=x \cos x$, 则 $f'(\pi/2)=()$

设 $f(x)=x \cos x$, 则 $f''(\frac{\pi}{2})=()$. 答案: -2

130、设 $f(x)=x \sin x$, 则 $f'(\pi/2)=()$

设 $f(x)=x \sin x$, 则 $f''(\frac{\pi}{2})=()$. 答案: $-\frac{\pi}{2}$

131、设 $f(x)=\{x^2+1, x \neq 0$, 在 $x=0$ 处连续, 则 $k=()$

设 $f(x)=\begin{cases} x^2+1, & x \neq 0 \\ k, & x=0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k=()$. 答案: 1

132、设 $f(x)=\{x^2+2, x \neq 0$, 在 $x=0$ 处连续, 则 $k=()$

设 $f(x)=\begin{cases} x^2+2, & x \neq 0 \\ k, & x=0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k=()$. 答案: 2

133、设 $f(x)=\{x^2+k, x \neq 0$, 在 $x=0$ 处连续, 则 $k=()$

设 $f(x)=\begin{cases} x^2+k, & x \neq 0 \\ 1, & x=0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k=()$. 答案: 1

134、设 $P(x)=\int_1^x 1/t^2 dt$, 则 $P'(x)=()$ 。

设 $P(x)=\int_x^0 \frac{1}{\sqrt{1+t^2}} dt$, 则 $P'(x)=()$. 答案: $-\frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$

135、设 $P(x)=\int_e^x e^{2t} dt$, 则 $P'(x)=()$ 。

设 $P(x)=\int_0^x \frac{e^{-t^2}}{2} dt$, 则 $P'(x)=()$. 答案: $\frac{e^{-x^2}}{2}$

136、设 $P(x)=\int_x^0 \ln(1+t^2) dt$, 则 $P'(x)=()$ 。

设 $P(x)=\int_x^0 \ln(1+t^2) dt$, 则 $P'(x)=()$.
 $-\ln(1+x^2)$

137、设 $\sin(x+2y)=3x$, 方程两边对 x 求导, 可得 ()。

$\cos(x+2y)(1+2y')=3$

138、设 $\sin(x+y)=4x$, 方程两边对 x 求导, 可得 ()。

$\cos(x+y)(1+y')=4$

139、设 $y=1/\sqrt{2x-1}$, 则 $y'=()$ 。

设 $y=\frac{1}{\sqrt{2x-1}}$, 则 $y'=()$. 答案: $-(2x-1)^{-\frac{3}{2}}$

140、设 $y=1/\sqrt{3x-5}$, 则 $y'=()$ 。

设 $y=\frac{1}{\sqrt{3x-5}}$, 则 $y'=()$. 答案: $-\frac{3}{2}(3x-5)^{-\frac{3}{2}}$

141、设 $y=1/\sqrt{5x-3}$, 则 $y'=()$ 。

设 $y=\frac{1}{\sqrt{5x-3}}$, 则 $y'=()$. 答案: $-\frac{5}{2}(5x-3)^{-\frac{3}{2}}$

142、设 $y=2x+3/x+2$, 则 $y'=()$ 。

设 $y=\frac{2x+3}{x+2}$, 则 $y'=()$. 答案: $\frac{1}{(x+2)^2}$

143、设 $y=2x-3/3x-2$, 则 $y'=()$ 。

设 $y=\frac{2x-3}{3x-2}$, 则 $y'=()$. 答案: $\frac{5}{(3x-2)^2}$

144、设 $y=2x-3/x-2$, 则 $y'=()$ 。

设 $y=\frac{2x-3}{x-2}$, 则 $y'=()$. 答案: $-\frac{1}{(x-2)^2}$

145、设 $y=\cos \sqrt{x}-2^x$, 则 $dy=()$

设 $y=\cos \sqrt{x}-2^x$, 则 $dy=()$.
 $-(\frac{\sin \sqrt{x}}{2\sqrt{x}}+2^x \ln 2)dx$

146、设 $y = \cos/x - 3x$, 则 $dy = ()$

设 $y = \cos \sqrt{x} - 3x$, 则 $dy = ()$.

$$-\left(\frac{\sin \sqrt{x}}{2\sqrt{x}} + 3x \ln 3\right) dx$$

147、设 $y = e^{2x} \cos 3x$, 则 $dy = ()$.

设 $y = e^{2x} \cos 3x$, 则 $dy = ()$. 答案: $(2e^{2x} \cos 3x - 3e^{2x} \sin 3x) dx$

148、设 $y = e^{2x} \sin 3x$, 则 $dy = ()$.

设 $y = e^{2x} \sin 3x$, 则 $dy = ()$. 答案: $(2e^{2x} \sin 3x + 3e^{2x} \cos 3x) dx$

149、设 $y = e^{3x} \sin 2x$, 则 $dy = ()$.

设 $y = e^{3x} \sin 2x$, 则 $dy = ()$. 答案: $(3e^{3x} \sin 2x + 2e^{3x} \cos 2x) dx$

150、设 $y = \sin/x - 2x$, 则 $dy = ()$

设 $y = \sin \sqrt{x} - 2x$, 则 $dy = ()$:

$$\left(\frac{\cos \sqrt{x}}{2\sqrt{x}} - 2x \ln 2\right) dx$$

151、设 $y = x^2 + 2x + \log_2 x - 22$, 则 $dy = ()$.

设 $y = x^2 + 2x + \log_2 x - 22$, 则 $dy = ()$.

$$2x + 2x \ln 2 + \frac{1}{x \ln 2}$$

152、设 $y = x^3 + 2x - \log_2 x - 23$, 则 $dy = ()$.

设 $y = x^3 + 2x - \log_2 x - 23$

$$3x^2 + 2x \ln 2 - \frac{1}{x \ln 2}$$

153、设 $y = x^3 + 3x + \log_3 x - 32$, 则 $dy = ()$.

设 $y = x^3 + 3x + \log_3 x - 32$, 则 $dy = ()$.

$$3x^2 + 3x \ln 3 + \frac{1}{x \ln 3}$$

154、设 $\int f(x) dx = F(x) + c$, 则 $\int \sin 2x f(\cos 2x) dx = ()$.

D. $-F(\cos x) + c$

155、设 $\int f(x) dx = \ln x / x + C$

设 $\int f(x) dx = \frac{\ln x}{x} + C$, 则 $f(x) = ()$. 答案: $C \cdot \frac{1 - \ln x}{x^2}$

156、设函数 $f(x+1) = x^2 + 2x + 5$, 则 $f'(x) = ()$.

2x

157、设函数 $f(x+1) = x^2 + 2x - 5$, 则 $f'(x) = ()$.

2x

158、设函数 $f(x+2) = x^2 + 4x + 5$, 则 $f'(x) = ()$.

2x

159、设矩阵 $A = [-100]$, 则 $A^{-1} = ()$

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix}$, 则 $A^{-1} = ()$. 答案: $\begin{bmatrix} -1 & & \\ & -\frac{1}{2} & \\ & & \frac{1}{3} \end{bmatrix}$

160、设矩阵 $A = [-2740]$

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} -2 & 7 & 4 & 0 \\ 1 & -1 & -3 & 5 \\ 3 & 2 & 0 & -1 \end{bmatrix}$, 则 A 的元素 $a_{31} = ()$.

答: A.3

161、设矩阵 $A = [100]$, 则 $A^{-1} = ()$

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & -3 \end{bmatrix}$, 则 $A^{-1} = ()$. 答案: $\begin{bmatrix} 1 & & \\ & \frac{1}{2} & \\ & & -\frac{1}{3} \end{bmatrix}$

162、设矩阵 $A = [104-5]$, 则 A 的元素 $a_{23} = ()$

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 4 & -5 \\ 3 & -2 & 3 & 2 \\ 2 & 1 & 6 & -1 \end{bmatrix}$, 则 A 的元素 $a_{23} = ()$. 答案: 3

163、设矩阵 $A = [104-5]$, 则 A 的元素 $a_{24} = ()$

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 4 & 0 & 1 & -5 \\ 3 & -2 & 3 & 2 \\ 6 & 1 & 2 & -1 \end{bmatrix}$, 则 A 的元素 $a_{24} = ()$. 答案: 2

164、设矩阵 $A = [200]$, 则 $(I-A)^{-1} = ()$

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & -2 \end{bmatrix}$, 则 $(I-A)^{-1} = ()$. 答案: $\begin{bmatrix} -1 & & \\ & -\frac{1}{2} & \\ & & \frac{1}{3} \end{bmatrix}$

165、设矩阵 $A = [401-5]$, 则 A 的元素 $a_{32} = ()$

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 4 & 0 & 1 & -5 \\ 3 & -2 & 3 & 2 \\ 6 & 1 & 2 & -1 \end{bmatrix}$, 则 A 的元素 $a_{32} = ()$. 答案: 1

166、设某商品的需求函数为 $q(p) = 10e^{-p/2}$, 则需求弹性 $E_p = ()$.

设某商品的需求函数为 $q(p) = 10e^{-\frac{p}{2}}$, 则需求弹性 $E_p = ()$. 答案:

$$-\frac{p}{2}$$

167、设某商品的需求函数为 $q(p) = 10e^{-p/3}$, 则需求弹性 $E_p = ()$.

设某商品的需求函数为 $q(p) = 10e^{-\frac{p}{3}}$, 则需求弹性 $E_p = ()$. 答

$$-\frac{p}{3}$$

168、设某商品的需求函数为 $q(p) = 50e^{-p/2}$, 则需求弹性 $E_p = ()$.

设某商品的需求函数为 $q(p) = 50e^{-\frac{p}{2}}$, 则需求弹性 $E_p = ()$. 答

$$-\frac{p}{2}$$

169、设某商品的需求函数为 $q(p) = 10e^{-p/2}$, 则需求弹性 $E_p = ()$

设某商品的需求函数为 $q(p) = 10e^{-\frac{p}{2}}$, 则需求弹性 $E_p = -\frac{p}{2}$

170、设某商品的需求函数为 $q(p) = 25 - 4\sqrt{p}$, 则需求弹性 $E_p =$ ()

B. $\frac{-2\sqrt{p}}{25 - 4\sqrt{p}}$

171、设某商品的需求函数为 $q(p) = 5 - 2P$ 则需求弹性 $E_p =$ ()

B. $\frac{-\sqrt{p}}{5 - 2\sqrt{p}}$

172、设 $A = [1111]$, 则 $r(A) =$ () .

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & -1 & 3 \\ 0 & 0 & 1 & -3 \end{bmatrix}$, 则 $r(A) =$ () .

答案: B.2

173、设下面矩阵 A, B, C 能进行乘法运算, 那么 () 成立.

B. $AB = AC$, A 可逆, 则 $B = C$

174、设线性方程组, 秩, 则该线性方程组 () .

设线性方程组 $AX = b$, 若秩(A) = 4, 秩(A) = 3, 则该线性方程组 () .

B. 只有零解

175、设线性方程组 $AX = b$ 的增广矩阵通过初等行变换化为 [13126] (图), 则此线性方程组的一般解中自由未知量的个数为 () .

$\begin{bmatrix} 1 & 3 & 1 & 2 & 6 \\ 0 & -1 & 3 & 1 & 4 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ 答: D.1

176、设线性方程组 $AX = b$ 中, 若秩(A) = 4, 秩(A) = 3, 则该线性方程组 () .

设线性方程组 $AX = b$ 中, 若秩(A) = 4, 秩(A) = 3, 则该线性

B. 无解

177、设线性方程组 $AX = b$, 且 $A \rightarrow [1048]$, 则当 () 时, 方程组没有唯一解.

$\bar{A} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 4 & 8 \\ 0 & 1 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & t-1 & 0 \end{bmatrix}$

设线性方程组 $AX = b$, 且 $\bar{A} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 4 & 8 \\ 0 & 1 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & t-1 & 0 \end{bmatrix}$, 则当且仅当 () 时, 方程组没有唯一解.

$t = 1$

178、设线性方程组 $AX = b$, 且 $A \rightarrow [1048]$, 则当 () 时, 方程组有无穷多解.

$\bar{A} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 4 & 8 \\ 0 & 1 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & t-1 & 0 \end{bmatrix}$

设线性方程组 $AX = b$, 且 $\bar{A} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 4 & 8 \\ 0 & 1 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & t-1 & 0 \end{bmatrix}$, 则当 () 时, 方程组有无穷多解.

$t = 1$

179、设线性方程组 $AX = b$, 且 $A \rightarrow [1116]$, 则当且仅当 () 时, 方程组有唯一解.

$\bar{A} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 6 \\ 0 & -1 & 3 & 2 \\ 0 & 0 & t+1 & 0 \end{bmatrix}$

设线性方程组 $AX = b$, 且 $\bar{A} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 6 \\ 0 & -1 & 3 & 2 \\ 0 & 0 & t+1 & 0 \end{bmatrix}$, 则当且仅当 () 时, 方程组有唯一解.

$t = -1$

180、设线性方程组 $AX = b$ 的增广矩阵通过初等行变换化为

$\begin{bmatrix} 1 & 3 & 1 & 2 & 6 \\ 0 & -1 & 3 & 1 & 4 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$, 则此线性方程组的一般解中自由未知量的个数为 () .

答案: D.1

181、设线性方程组 $AX = b$ 有唯一解, 则相应的齐次方程组 $AX = 0$ () .

C. 只有零解

182、设线性方程组 $AX = b$ 中, 若秩(A) = 4, 秩(A) = 3, 则该线性方程组 () .

设线性方程组 $AX = b$ 中, 若秩(A) = 4, 秩(A) = 3, 则该线性方程组 () .

无解

183、设线性方程组 $x_1 + x_2 = a, x_2 + x_3 = a, x_1 + 2x_2 + x_3 = a$ 则方程组有解的充分必要条件是 ()

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = a_1 \\ x_2 + x_3 = a_2 \\ x_1 + 2x_2 + x_3 = a_3 \end{cases}$, 则方程组有解的充分必要条件是 () .

B. $-a_1 - a_2 + a_3 = 0$

184、设线性方程组 $x_1 - x_2 = 0, x_1 + \lambda x_2 = 0$ 非 0 解, 则 $\lambda =$ ()

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 - x_2 = 0 \\ x_1 + \lambda x_2 = 0 \end{cases}$ 有非 0 解, 则 $\lambda =$ () .

A. -1

185、设线性方程组 $\{x_1 + x_2 = 0, \text{有非 0 解, 则 } \lambda =$ () .

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = 0 \\ x_1 + \lambda x_2 = 0 \end{cases}$ 有非 0 解, 则 $\lambda =$ () . 答案: 1

186、设线性方程组 $\{x_1 + x_2 = 0, \text{有非 0 解, 则 } \lambda =$ () .

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = 0 \\ -x_1 + \lambda x_2 = 0 \end{cases}$ 有非 0 解, 则 $\lambda =$ () . 答案: -1

187、设线性方程组 $\{x_1 + x_2 = a_1, \text{则方程组有解的充分必要条件是 () .}$

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = a_1 \\ x_2 + x_3 = a_2 \\ x_1 + 2x_2 + x_3 = a_3 \end{cases}$, 则方程组有解的充分必要条件是 () .

$a_1 + a_2 - a_3 = 0$

188、设线性方程组 $\{x_1 + x_2 = a_1, \text{则方程组有解的充分必要条件是 () .}$

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = a_1 \\ x_2 + x_3 = a_2 \\ x_1 + 2x_2 + x_3 = a_3 \end{cases}$, 则方程组有解的充分必要条件是 () .

$-a_1 - a_2 + a_3 = 0$

189、设线性方程组 $\{x_1 + x_2 = a_1\}$, 则方程组有解的充分必要条件是 () .

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = a_1 \\ x_2 + x_3 = a_2 \\ x_1 + 2x_2 + x_3 = -a_3 \end{cases}$, 则方程组有解的充分必要条件是 () .

$a_1 + a_2 + a_3 = 0$

190、设线性方程组 $\{x_1 - x_2 = 0\}$, 有非 0 解, 则 $\lambda =$ () .

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 - x_2 = 0 \\ x_1 + \lambda x_2 = 0 \end{cases}$ 有非 0 解, 则 $\lambda =$ () . 答案: -1

191、设需求量 q 对价格 p 的函数为

$q(p) = 5 - 2\sqrt{p}$, 则需求弹性为 $E_p =$ () .

答案: D. $\frac{-\sqrt{p}}{5 - 2\sqrt{p}}$

192、设需求量 q 对价格 p 的函数为

$q(p) = 3 - 2\sqrt{p}$, 则需求弹性为 $E_p =$ (D. $-\frac{\sqrt{p}}{3 - 2\sqrt{p}}$) .

193、设需求量 q 对价格 p 的函数为 $q(p) = 100e$

$q(p) = 100e^{-\frac{p}{2}}$, 则需求弹性为 $E_p =$ (A. $-\frac{p}{2}$) .

194、设需求量 q 对价格 p 的函数为 $q(p) = 3 - 2p$, 则需求弹性为 $E_p =$ () .

设需求量 q 对价格 p 的函数为 $q(p) = 3 - 2\sqrt{p}$, 则需求弹性

195、微分方程 $y' = 1 + x$ 满足 $y(0) = 0$ 的特解为 () .

$y = x + \frac{x^2}{2}$

196、微分方程 $y' = e^{2x-y}$ 满足 $y(0) = 0$ 的特解为 () .

微分方程 $y' = e^{2x-y}$ 满足 $y(0) = 0$ 的特解为 () .

$e^y = \frac{1}{2}e^{2x} + \frac{1}{2}$

197、微分方程 $y' = e^x + 21y$ 满足 $y(0) = 0$ 的特解为 () .

$e^{-2y} = -2e^x + 3$

198、下列不定积分中, 常用分部积分法计算的是 () .

$\int x \sin 2x dx$

199、下列不定积分中, 常用分部积分法计算的是 () .

$\int x^2 e^x dx$

200、下列不定积分中, 常用分部积分法计算的是 () .

$\int \ln x dx$

201、下列等式不成立的是 () .

A. $\ln x dx = d(\frac{1}{x})$

202、下列等式成立的是 ()

C. $\frac{1}{x} dx = d(\ln x)$

203、下列等式成立的是 () .

D. $\frac{1}{\sqrt{x}} dx = 2d(\sqrt{x})$

204、下列等式成立的是 () .

$2^x dx = \frac{1}{\ln 2} d(2^x)$

205、下列等式成立的是 () .

$\frac{1}{x} dx = d(\ln |x|)$

206、下列等式成立的是 () .

B. $2^x dx = \frac{1}{\ln 2} d(2^x)$

207、下列等式正确的是 () .

B. $-\sin x dx = d(\cos x)$

208、下列等式中错误的是 () .

D. $\ln x dx = d(\frac{1}{x})$

209、下列等式中正确的是 ()

A. $\sin x dx = d(-\cos x)$

210、下列等式中正确的是 () .

A. $\frac{1}{x^2} dx = d(-\frac{1}{x})$

211、下列定积分计算正确的是 () .

B. $\int_0^1 x dx = \frac{1}{2}$

212、下列定积分计算正确的是 ()

C. $\int_{-1}^1 x \cos x dx = 0$

213、下列定积分计算正确的是 () .

A. $\int_{-1}^1 \sin x dx = 0$

214、下列定积分计算正确的是 () .

$\int_0^\pi \sin x dx = 2$

215、下列定积分计算正确的是 () .

$\int_{-\pi}^\pi \cos x dx = 0$

216、下列定积分计算正确的是 () .

$\int_{-2}^1 x dx = -\frac{3}{2}$

217、下列定积分计算正确的是 () .

$$\int_{-1}^1 \frac{e^x - e^{-x}}{2} dx = 0$$

218、下列定积分计算正确的是 () .

$$\int_{-1}^1 x \cos x dx = 0$$

219、下列定积分计算正确的是 () .

$$\int_{-1}^1 x^2 \sin x dx = 0$$

220、下列定积分中积分为 0 的是 ()

A. $\int_{-1}^1 \frac{e^x - e^{-x}}{2} dx$

221、下列各函数对中, () 中的两个函数相等.

D. $f(x) = \sin^2 x + \cos^2 x, g(x) = 1$

222、下列各函数中,两个函数相等的是 () .

A. $f(x) = \sin^2 x + \cos^2 x, g(x) = 1$

223、下列关于矩阵 A,B,C 的结论正确的是 ()

对角矩阵是对称矩阵

224、下列关于矩阵 A,B,C 的结论正确的是 ()

数量矩阵是对称矩阵

225、下列关于矩阵 A,B,C 的结论正确的是 ()

若 A 为可逆矩阵, 且 AB=AC, 则 B=C

226、下列函数在指定区间(-0,+0)上单调增加的是 () .

C. e^x

227、下列函数在指定区间(-∞,+∞)上单调减少的是 () .

3-x

228、下列函数在指定区间(-∞,+∞)上单调减少的是 () .

C. 1-x

229、下列函数在指定区间(-∞,+∞)上单调增加的是 ()

D. $x-1$

230、下列函数在指定区间(-∞,+∞)上单调增加的是 ()

A. x^n

231、下列函数在指定区间(-∞,+∞)上单调增加的是 () .

2^x

232、下列函数在指定区间(-∞,+∞)上单调增加的是 () .

A. x^3

233、下列函数在指定区间(-∞,+∞)上单调增加的是 () .

B. e^x

234、下列函数在指定区间(-∞,+∞)上单调减少的是 ()

D. 3-x

235、下列函数中, () 不是基本初等函数.

C. $y = \ln(x-1)$

236、下列函数中, () 是 $x \sin x^2$ 的原函数 .

B. $-\frac{1}{2} \cos x^2$

237、下列函数中, () 是 $\cos x/x$ 的一个原函数.

$\frac{\cos \sqrt{x}}{\sqrt{x}}$

下列函数中, () 是 \sqrt{x} 的一个原函数 . 答案: $2 \sin \sqrt{x}$

238、下列函数中, () 是 e^{2x} 的一个原函数.

下列函数中, () 是 e^{-2x} 的一个原函数 .

D. $-\frac{1}{2} e^{-2x}$

239、下列函数中, () 是 $\sin 1/x/x^2$ 的一个原函数.

$\frac{\sin 1}{x^2}$

下列函数中, () 是 $\frac{1}{x^2}$ 的一个原函数 . 答案: $\cos \frac{1}{x}$

240、下列函数中, () 是 $x \sin x^2$ 的一个原函数.

$-\frac{1}{2} \cos x^2$

241、下列函数中, () 是偶函数.

A. $y = x^2 + 1$

242、下列函数中 ()

下列函数中(B. $-\frac{1}{2} \cos x^2$) 是 $x \sin x^2$ 的原函数 .

243、下列函数中, () 是偶函数.

A. $y = x^2$

244、下列函数中, 在指定区间(-∞, +∞) 上单调增加的是 () .

B. $y = e^x$

245、下列函数中为偶函数的是 ()

C. $y = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$

246、下列函数中为偶函数的是 ()

C. $y = \ln \frac{x-1}{x+1}$

247、下列函数中为奇函数是 ()

C. $x^2 \sin x$

248、下列极限计算正确的是 () .

$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{|x|}{x} = 1$

249、下列极限计算正确的是 () .

$\lim_{x \rightarrow \infty} x \sin \frac{1}{x} = 1$

250、下列极限计算正确的是 () .

C. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$

251、下列结论正确的是 () .

C. 若 x_0 是 $f(x)$ 的极值点, 且 $f'(x)$ 存在, 则 x_0 必是, $f(x)$ 的驻点

252、下列结论正确的是 () .

B. 数量矩阵是对称矩阵

253、下列结论中, () 是正确的.

B. 奇函数的图形关于坐标原点对称

254、下列结论中正确的是 () .

答:

D. x_0 是 $f(x)$ 的极值点,且 $f'(x_0)$ 存在,则必有 $f'(x_0) = 0$

255、下列矩阵可逆的是 () .

$$A. \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

256、下列矩阵可逆的是 () .

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix}$$

257、下列矩阵可逆的是 () .

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$$

258、下列无穷积分中收敛的是 ()

$$B. \int_1^{+\infty} \frac{1}{x^2} dx$$

259、下列无穷积分中收敛的是 () .

$$\int_1^{+\infty} \frac{1}{\sqrt{x^3}} dx$$

260、下列无穷积分中收敛的是 () .

$$\int_1^{+\infty} \frac{1}{x^2} dx$$

261、线性方程组

$A_{m \times n} X = b$ 有无穷多解的充分必要条件是 () .

$$A. -\frac{p}{2}$$

262、线性方程组

线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = 1 \\ x_1 + x_2 = 0 \end{cases}$ 解的情况是 () .

答: 无解

263、线性方程组 $A_{m \times n} X = b$ 有无穷多解的充分必要条件是 () .

答: B. $r(A) = r(\bar{A}) < n$

264、线性方程组 $A_{m \times n} X = b$ 无解,则 () .

$$r(A) < r(\bar{A})$$

265、线性方程组 $A_{m \times n} X = b$ 有唯一解的充分必要条件是 () .

$$r(A) = r(\bar{A}) = n$$

266、线性方程组 $A_{m \times n} X = b$ 有无穷多解的充分必要条件是 () .

$$r(A) = r(\bar{A}) < n$$

267、线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = 1 \\ x_1 - x_2 = 0 \end{cases}$

线性方程组 $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$ 解的情况是 (D. 有唯一解)

268、线性方程组 $\begin{cases} x_1 + 2x_2 = 1 \\ x_1 + 2x_2 = 3 \end{cases}$

线性方程组 $\begin{cases} x_1 + 2x_2 = 1 \\ x_1 + 2x_2 = 3 \end{cases}$ 解的情况是 (A. 无解) .

269、线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = 1 \\ x_1 + x_2 = 0 \end{cases}$

线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = 1 \\ x_1 + x_2 = 0 \end{cases}$ 解的情况是 (D. 无解) .

270、线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = 1 \\ x_1 + x_2 = 0 \end{cases}$ 解的情况是 () .

线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = 1 \\ x_1 + x_2 = 0 \end{cases}$ 解的情况是 () . D. 无解

271、线性方程组 $\begin{cases} x_1 - 2x_2 = 1 \\ -2x_1 + 4x_2 = -2 \end{cases}$ 的解的情况是 () .

线性方程组 $\begin{cases} x_1 - 2x_2 = 1 \\ -2x_1 + 4x_2 = -2 \end{cases}$ 的解的情况是 () . C. 有无穷多解

C. 有无穷多解

272、线性方程组 $\begin{cases} x_1 - x_2 = a_1 \\ x_2 - x_3 = a_2 \\ x_3 - x_4 = a_3 \end{cases}$ 有解的充分必要条件是 () .

线性方程组 $\begin{cases} x_1 - x_2 = a_1 \\ x_2 - x_3 = a_2 \\ x_3 - x_4 = a_3 \end{cases}$ 有解的充分必要条件是 () .

$$B. a_1 + a_2 - a_3 = 0$$

273、线性方程组的解的情况是 ()

线性方程组 $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$ 的解的情况是 () .

D. 有唯一解

274、已知 $f(x) = x/1 - \sin x$, 当 () 时, 为无穷小量.

$$A. x \rightarrow 0$$

275、已知 $f(x) = x/\sin x - 1$

已知 $f(x) = \frac{x}{\sin x} - 1$, 当 (A. $x \rightarrow 0$) 时, $f(x)$ 为无穷小量.

276、已知生产某种产品的成本函数为 $C(q) = 80 + 2q$, 则当产量

$q = 50$ 时, 该产品的平均成本为 ()

答案: 3.6

277、以下结论或等式正确的是 () .

C. 对角矩阵是对称矩阵

278、用第一换元法求不定积分 $\int \cos 1/x^2 dx$, 则下列步骤中正确的是 () .

用第一换元法求不定积分 $\int \frac{\cos \frac{1}{x}}{x^2} dx$, 则下列步骤中正确的是 () .

$$\int \frac{\cos \frac{1}{x}}{x^2} dx = -\int \cos \frac{1}{x} d\left(\frac{1}{x}\right)$$

279、用第一换元法求不定积分 $\int \sin x / \sqrt{x} dx$, 则下列步骤中正确的是 () .

用第一换元法求不定积分 $\int \frac{\sin \sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx$, 则下列步骤中正确的是 () .

$$\int \frac{\sin \sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx = 2 \int \sin \sqrt{x} d(\sqrt{x})$$

280、用第一换元法求不定积分 $\int \sin x/x dx$,则下列步骤中正确的是()。

用第一换元法求不定积分 $\int \frac{\sin x}{\cos x} dx$,则下列步骤中正确的是()。

$$\int \frac{\sin x}{\cos x} dx = -\int \frac{1}{\cos x} d(\cos x)$$

281、用第一换元法求定积分 $\int_1^e 1/x(1+\ln x) dx$,则下列步骤中正确的是()。

用第一换元法求定积分 $\int_1^e \frac{1}{x\sqrt{1+\ln x}} dx$,则下列步骤中正确的是()。

$$\int_1^e \frac{1}{x\sqrt{1+\ln x}} dx = \int_1^e \frac{1}{\sqrt{1+\ln x}} d(1+\ln x)$$

282、用第一换元法求定积分 $\int_1^e 1/x \ln x dx$,则下列步骤中正确的是()。

用第一换元法求定积分 $\int_1^e \frac{1}{x \ln x} dx$,则下列步骤中正确的是()。

$$\int \frac{1}{x \ln x} dx = \int \frac{1}{\ln x} d(\ln x)$$

283、用第一换元法求定积分 $\int_0^1 x/(1+x^2) dx$,则下列步骤中正确的是()。

用第一换元法求定积分 $\int_0^1 \frac{x}{1+x^2} dx$,则下列步骤中正确的是()。

$$\int_0^1 \frac{x}{1+x^2} dx = \frac{1}{2} \int_0^1 \frac{1}{1+x^2} d(x^2)$$

284、用分部积分法求不定积分 $\int \ln(x+1) dx$,则下列步骤中正确的是()。

$$\int \ln(x+1) dx = x \ln(x+1) - \int x d(\ln(x+1))$$

285、用分部积分法求不定积分 $\int \ln x/x^2 dx$,则下列步骤中正确的是()。

用分部积分法求不定积分 $\int \frac{\ln x}{x^2} dx$,则下列步骤中正确的是()。

$$\int \frac{\ln x}{x^2} dx = -\frac{\ln x}{x} + \int \frac{1}{x} d(\ln x)$$

286、用分部积分法求不定积分 $\int x \ln x dx$,则下列步骤中正确的是()。

$$\int x \ln x dx = \frac{x^2}{2} \ln x - \frac{1}{2} \int x^2 d(\ln x)$$

287、用分部积分法求定积分 $\int_0^{\pi/2} x \cos x dx$,则下列步骤正确的是()。

用分部积分法求定积分 $\int_0^{\pi/2} x \cos x dx$,则下列步骤正确的是()。

$$\int_0^{\pi/2} x \cos x dx = x \sin x \Big|_0^{\pi/2} - \int_0^{\pi/2} \sin x dx$$

288、用分部积分法求定积分 $\int_0^1 x e^x dx$,则下列步骤正确的是()。

用分部积分法求定积分 $\int_0^1 x e^x dx$,则下列步骤正确的是()。

$$\int_0^1 x e^x dx = x e^x \Big|_0^1 - \int_0^1 e^x dx$$

289、用分部积分法求定积分 $\int_0^{\pi/2} x \sin x dx$,则下列步骤正确的是()。

用分部积分法求定积分 $\int_0^{\pi/2} x \sin x dx$,则下列步骤正确的是()。

$$\int_0^{\pi/2} x \sin x dx = -x \cos x \Big|_0^{\pi/2} + \int_0^{\pi/2} \cos x dx$$

290、在切线斜率为 $2x$ 的积分曲线族中,通过点(1,4)的曲线为()。

A. $y = x^2 + 3$

291、在切线斜率为 $2x$ 的积分曲线族中,通过点(2,3)的曲线为()

答: D. $y = x^2 - 1$

292、在切线斜率为 $2x$ 的积分曲线族中,通过点(3,5)的曲线方程是()。

A. $y = x^2 - 4$

填空(136)--电大资源网: <http://www.dda123.cn/> (微信搜: 905080280)

1、 $d/dx \int \ln x dx =$ ()

$\frac{d}{dx} \int_1^e \ln x dx =$ _____ 答案: 0

2、 $ddx \int \cos x dx =$ ()

7. $\frac{d}{dx} \int \cos x dx =$ _____ . 7. $\cos x$

3、 $ddx \int \ln(1+x^2) dx =$ ()

$\frac{d}{dx} \int_1^e \ln(1+x^2) dx =$ _____ .

答案: 0

4、 $d \int \cos 2x dx$

$d \int \cos 2x dx =$ _____ .

答案: $\cos 2x dx$

5、 $d \int e^{-x^2} dx =$ ()

$d \int e^{-x^2} dx =$ _____ . 答案: $e^{-x^2} dx$

6、 $f(x)=2-x$,在(1,1)点的切线斜率是()。

$f(x)=\sqrt{2-x}$,在(1,1)点的切线斜率是_____ . 答案: $-\frac{1}{2}$

7、 $f(x)=x+2$ 在处的切线斜率是()。

$f(x)=\sqrt{x+2}$ 在 $x=2$ 处的切线斜率是_____ . 答案: $\frac{1}{4}$

8、 $\lim_{n \rightarrow \infty} ((x^2-2x)/(3x^2+4)) =$ ()

$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2-2x}{3x^2+4} \right) =$ _____ . $\frac{1}{3}$

9、 $\lim_{x \rightarrow \infty} (2x^2-3x+53x^2+2x+4) =$ ()

$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2-3x+5}{3x^2+2x+4} = \frac{2}{3}$

10、 $\lim_{x \rightarrow \infty} (3x^2-2x+72x^2+4x+5) =$

$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2-2x+7}{2x^2+4x+5} =$ _____ . $\frac{3}{2}$

11、 $\lim_{x \rightarrow \infty} \sin 3xx =$ ()

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{x} = \underline{\quad\quad\quad}$$

3

12、 $\lim_{x \rightarrow 0} x + \sin x = (\quad)$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x + \sin x}{x} = \underline{\quad\quad\quad}$$

答案: 1+

13、 $\lim_{x \rightarrow 0} x - \sin x = (\quad)$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - \sin x}{x} = \underline{\quad\quad\quad}$$

14、 $\ln x$ 是 $f(x)$ 的一个原函数, 则 $f(x) =$

$$\frac{1}{x}$$

答案:

15、 n 元齐次线性方程组 $AX=O$ 有非零解的充分必要条件是 (\quad)

$$r(A) < n$$

16、 $y = \sqrt{x-4x-2}$ 的定义域是 (\quad)

$$y = \frac{\sqrt{x^2-4}}{x-2} \text{ 的定义域是 } \underline{\quad\quad\quad}$$

答案: $(-\infty, -2] \cup (2, +\infty)$

17、 $\int (\sin x)' dx = (\quad)$

答: $\sin x + c$

18、 $\int (\tan x)' dx = (\quad)$

$$\int (\tan x)' dx = \underline{\quad\quad\quad} \quad \text{答: } \tan x + c$$

19、 $\int (x \cos x + 1) dx = (\quad)$

$$\int_{-1}^1 (x \cos x + 1) dx = \underline{\quad\quad\quad} \quad \text{答案: } 2$$

20、 $\int e^{-2x} dx = (\quad)$

$$\int_{-1}^1 \frac{e^x - e^{-x}}{2} dx = \underline{\quad\quad\quad} \quad \text{答: } 0$$

21、 $\int (\sin x)' dx = (\quad)$

$$\sin x + c$$

22、当 $a = (\quad)$ 时, 矩阵 $A = [13]$ 可逆。

当 $a = (\neq -3)$ 时, 矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ -1 & a \end{bmatrix}$ 可逆。

23、函数 $f(x) = 1 + 4 - x$ 的定义域是 (\quad)

$$(-2, -1) \cup (-1, 4]$$

24、函数 $f(x) = 1/1 - e^x$ 的间断点是 (\quad)

答: $x = 0$

25、函数 $f(x) = 1/\ln(x+3) + \sqrt{9-x^2}$ 的定义域是 (\quad)

$$\text{函数 } f(x) = \frac{1}{\ln(x+3)} + \sqrt{9-x^2} \text{ 的定义域是 } (-3, -2) \cup (-2, 3]$$

26、函数 $f(x) = 11 - e$ 的间断点是 (\quad)

$$\text{函数 } f(x) = \frac{1}{1 - e^x} \text{ 的间断点是 } \underline{\quad\quad\quad} \quad \text{答案: } x = 0$$

27、函数 $f(x) = 11 \ln(x+2) + 4 - x$ 的定义域是 (\quad)

$$\text{函数 } f(x) = \frac{1}{\ln(x+2)} + \sqrt{4-x} \text{ 的定义域是 } \underline{\quad\quad\quad}$$

答案: $(-2, -1) \cup (-1, 4]$

28、函数 $f(x) = e - e^2$ 的图形关于 (\quad) 对称。

$$\text{函数 } f(x) = \frac{e^{-x} - e^x}{2} \text{ 的图形关于 } \underline{\quad\quad\quad} \text{ 对称。}$$

答案: 原点

29、函数 $f(x) = \ln(x+1) - 13 - x$ 的定义域是 (\quad)

$$\text{函数 } f(x) = \ln(x+1) - \frac{1}{\sqrt{3-x}} \text{ 的定义域是 } \underline{\quad\quad\quad}$$

答案: $(-1, 3)$

30、函数 $f(x) = x^2 - 4$

$$\text{函数 } f(x) = \frac{\sqrt{x^2-4}}{x-2} \text{ 的定义域是 } \underline{(-\infty, -2] \cup (2, +\infty)}$$

31、函数 $f(x) = \{x+2, -5 \leq x < 0\}$ 的定义域是 (\quad)

$$\text{函数 } f(x) = \begin{cases} x+2, & -5 \leq x < 0 \\ x^2-1, & 0 \leq x < 2 \end{cases} \text{ 的定义域是 } [-5, 2]$$

32、函数 $f(x) = \sqrt{x^2-4}$ 的定义域是 (\quad)

$$\frac{\sqrt{x^2-4}}{x-2} \text{ 定义域是 } \underline{(-\infty, -2] \cup (2, +\infty)}$$

33、函数 $y = 1 - x \ln(1+x)$ 的定义域是 (\quad)

$$\text{函数 } y = \frac{\sqrt{1-x}}{\ln(1+x)} \text{ 的定义域是 } \underline{\quad\quad\quad} \quad \text{答: } (-1, 0) \cup (0, 1]$$

34、函数 $y = 3(x-1)^2$ 的驻点是 $x = (\quad)$

答: 1

35、函数 $y = 3(x-2)^2$ 的驻点是 (\quad)

$$\text{函数 } y = 3(x-2)^2 \text{ 的驻点是 } \underline{\quad\quad\quad} \quad \text{答: } x = 2$$

36、函数 $y = x^2 - 1$ 的单调增加区间为 (\quad)

$$\text{函数 } y = x^2 - 1 \text{ 的单调增加区间为 } \underline{\quad\quad\quad}$$

答案: $(0, +\infty)$

37、函数 $y = x^2 - 4x - 2$ 的定义域是 (\quad)

$$\text{函数 } y = \frac{\sqrt{4-x}}{\lg(x-1)} \text{ 的定义域是 } \underline{\quad\quad\quad}$$

答: $(1, 2) \cup (2, 4]$

38、函数 $y = \sqrt{9-x^2}/\ln(x-1)$ 的定义域是 (\quad)

$$\text{函数 } y = \frac{\sqrt{9-x^2}}{\ln(x-1)} \text{ 的定义域是 } \underline{\quad\quad\quad} \quad \text{答案: } (1, 2) \cup (2, 3]$$

39、计算积分 $\int (x \cos x + 1) dx = (\quad)$

$$\text{计算积分 } \int_{-1}^1 (x \cos x + 1) dx = \underline{2}$$

40、矩阵 $A = [02-1]$ 的秩是 (\quad)

矩阵 $A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ 的秩是_____。
答案: 2

41、矩阵 $A = [1, 0, -2]$ 的秩是 ()。

矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -2 \\ 0 & 1 & 3 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ 的秩是_____。
答案: 2

42、矩阵 $A = [1-11]$ 的秩是 ()。

矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 2 & 0 & -1 \\ 1 & -3 & 4 \end{bmatrix}$ 的秩是_____。

答: 2

43、矩阵 $A = [10-1]$ 的秩是 ()。

矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ 的秩是_____。
答案: 2

44、矩阵 $[111]$ 的秩为 ()。

矩阵 $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 2 & 2 \\ 3 & 3 & 3 \end{bmatrix}$ 的秩为_____。
答案: 1

45、齐次线性方程组 $AX=0$ 的系数矩阵经初等行变换化为 $A \rightarrow$

$A \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 0 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ 则此方程组的一般解中自由未知量的个数为 (2)。

46、曲线 $f(x)=x$ 在 (1,1) 处的切线斜率是 ()

曲线 $f(x) = \sqrt{x}$ 在点 (1,1) 处的切线斜率是 $\frac{1}{2}$ 。

47、曲线 $y=e^x$ 在点 (0,1) 的切线方程是 ()。

曲线 $y = e^x$ 在点 (0,1) 的切线方程是 ()。

答: $y=x+1$

48、曲线 $y=\ln x$ 在点 (1,0) 的切线方程是 ()

$y=x-1$

49、曲线 $y=x^3$ 在点 (1,1) 处的切线方程是 ()

曲线 $y=x^3$ 在点 (1, 1) 处的切线方程是 ()。答案:

$y = 3x - 2$

50、曲线 $y=x$ 在 (1,1) 处的切线斜率是 ()。

曲线 $y = \sqrt{x}$ 在 (1,1) 处的切线斜率是_____。答案: $\frac{1}{2}$

51、曲线 $y=\sqrt{x+1}$ 在点 (1,2) 的切线方程是 ()。

曲线 $y = \sqrt{x+1}$ 在点 (1, 2) 的切线方程是_____。

$y = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$

52、线性方程组 $A_{m \times n}X=b$ 有解的充分必要条件是 ()

答案: $r(A) = r(\bar{A})$

53、若 $\int f(x)dx = 2x + 2x + c$,

若 $\int f(x)dx = 2^x + 2x^2 + c$, 则 $f(x) = \underline{(2^x \ln 2 + 4x)}$ 。

54、若 $\int f(x)dx = F(x) + C$, $\int e^{-x}f(e^{-x})dx =$ ()

若 $\int f(x)dx = F(x) + c$, 则 $\int e^{-x}f(e^{-x})dx = -F(e^{-x}) + c$

55、若 $\int f(x)dx = F(x) + C$, 则 $\int f(2x-3)dx =$ ()

若 $\int f(x)dx = F(x) + C$, 则 $\int f(2x-3)dx = \underline{(\frac{1}{2}F(2x-3) + C)}$

56、若 A 为 n 阶可逆矩阵, 则

则 $r(A) = \underline{n}$ 。

57、若 $\cos x$ 是 $f(x)$ 的一个原函数, 则 $f(x) =$ ()。

若 $\cos x$ 是 $f(x)$ 的一个原函数, 则 $f(x) = \underline{-\sin x}$ 。

答案: $-\sin x$

58、若 $f(1/x)=0$, 则 $f(x) =$ ()。

若 $f(\frac{1}{x}) = x$, 则 $f'(x) =$ ()。答案: $-\frac{1}{x^2}$

59、若 $\int f(x)dx = F(x) + c$

, 则 $\int e^{-x}f(e^{-x})dx =$ _____

答案: $-F(e^{-x}) + c$

60、若 $f(x)$ 存在且连续, 则 $[\int df(x)] =$

若 $f'(x)$ 存在且连续, 则 $[\int df(x)] = f'(x)$ 。

61、若 n 元线性方程组 $AX=0$ 满足 $r(A) < n$, 则该线性方程组 ()。
有非零解

62、若 $r(A, b) = 4, r(A) = 3$, 则线性方程组 $AX=b$ ()。

若 $r(A, b) = 4, r(A) = 3$, 则线性方程组 $AX = b$ _____。

答案: 无解

63、若 $\int f(x)dx = F(x) + c$, 则 $\int f(e^x)dx =$ ()。

若 $\int f(x)dx = F(x) + c$, 则 $\int e^{-x}f(e^{-x})dx =$ _____

答案: $-F(e^{-x}) + c$

64、若 $\int f(x)dx = F(x) + c$, 则 $\int f(3x+5)dx =$ ()。

若 $\int f(x)dx = F(x) + c$, 则 $\int f(3x+5)dx =$ _____

答案: $\frac{1}{3}F(3x+5) + c$

65、若 $\int f(x)dx = F(x) + c$, 则 $\int x \cdot x f(e^{-x})dx =$ ()。

若 $\int f(x)dx = F(x) + c$, 则 $\int e^{-x}f(e^{-x})dx =$ _____。

$$-F(e^{-x})+c$$

66、若 $\int f(x)dx=2^x+2x+c$,则 $f(x)=$ ()。

答: $2^x \ln 2 + 2$

67、若 $\int f(x)dx=3-x+c$,则 $f(x)=$ ()。

若 $\int f(x)dx=3^{-x}+c$,则 $f(x)=$ ()。答案: $-3^{-x} \ln 3$

68、若 $\int f(x)dx=3x+\sin x+c$,则 $f(x)=$ ()。

若 $\int f(x)dx=3^x+\sin x+c$,则 $f(x)=$ 。 $3^x \ln 3 + \cos x$

69、若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(2x+1)dx=$ ()。

答: $\frac{1}{2}F(2x+1)+c$

70、若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(2x-1)dx=$ ()。

若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(2x-1)dx=$ _

$$\frac{1}{2}F(2x-1)+c$$

71、若 $\int f(x)dx=F(x)+C$,则 $\int e^{-x}f(e^{-x})dx=$ ()

若 $\int f(x)dx=F(x)+C$,则 $\int e^{-x}f(e^{-x})dx=$ $(-F(e^{-x})+c)$ 。

72、若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(2x-1)dx=$ ()

若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(2x-1)dx=$

$$\frac{1}{2}F(2x-1)+c$$

73、若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(2x-3)dx=$ ()

若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(2x-3)dx=$ _____

答案: $\frac{1}{2}F(2x-3)+c$

74、若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(3x+5)dx=$ ()

若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(3x+5)dx=$ _____

答案: $\frac{1}{3}F(3x+5)+c$

75、若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(1-x)dx=$ ()

$-F(1-x)+c$

76、若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int e^{-x}f(e^{-x})dx=$ ()。

若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int e^{-x}f(e^{-x})dx=$ _____。

答案: $-F(e^{-x})+c$

77、若 $\int f(x)dx=x^2+2x+c$,则 $f(x)=$ ()。

若 $\int f(x)dx=x^2+2x+c$,则 $f(x)=$ _____

$2x \ln 2 + 2$

78、若 $\int f(x)dx=1+c$,则 $f(x)=$ ()

8. 若 $\int f(x)dx=\frac{1}{1+x}+c$,则 $f(x)=$ _____。

8. $-\frac{1}{(1+x)^2}$

79、若 $\int f(x)dx=3x+c$,则 $f(x)=$ ()

若 $\int f(x)dx=3^x+c$ 则 $f(x)=$ ()

答: $3^x \ln 3$

80、若方阵A满足 () ,则A是对称矩阵。

答案: $A=A^T$

81、若方阵A满足 () ,则A是对称矩阵。

若方阵A满足 _____ ,则A是对称矩阵。

答案: $A^T=A$

82、若函数 $f(x)=(1+x)^{\frac{1}{2}}$, $x < 0$,在 $x=0$ 处连续,则 $k=$ ()。

$f(x)=\begin{cases} (1+x)^{\frac{1}{2}}, & x < 0 \\ x^2+k, & x \geq 0 \end{cases}$, 在 $x=0$ 处连续,则 $k=$ e 。

83、若函数 $f(x)=x \sin \frac{1}{x} + 2$, $x \neq 0$,在 $x=0$ 处连续,则 $k=$ ()。

若函数 $f(x)=\begin{cases} x \sin \frac{1}{x} + 2, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续,则 $k=$ _____

答案: 2

84、若函数 $f(x+1)=x^2+2x-5$,则 $f(x)=$ ()。

若函数 $f(x+1)=x^2+2x-5$,则 $f(x)=$ _____。

答案: x^2-6

85、若线性方程组 $x_1-x_2=0$ 有非零解,则 $\lambda=$ ()。

若线性方程组 $\begin{cases} x_1-x_2=0 \\ x_1+\lambda x_2=0 \end{cases}$ 有非零解,则 $\lambda=$ _____。

-1

86、设A,B均为n阶矩阵,(I-B)可逆,则矩阵方程 $A+BX=X$ 的解 $X=$ ()

()

$(I-B)^{-1}A$

87、设A,B均为n阶矩阵,且A可逆,则矩阵方程 $XA=B$ 的解 $X=$ ()

()

答: BA^{-1}

88、设 $A=[1-2]$,则 $(3A)^T=$ ()

设 $A=\begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$,则 $(3A)^T=$ $\begin{bmatrix} 3 & 9 \\ -6 & 12 \end{bmatrix}$ () 解:

89、设 $A=[102]$,当 $a=$ () 时,A是对称矩阵。

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 \\ a & 0 & 3 \\ 2 & 3 & -1 \end{bmatrix}$, 当 $a =$ _____ 时, A 是对称矩阵.

答案: 0

90、设 $A=[111]$, 则 $r(A)=$ ()。

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ -2 & -2 & -2 \\ 3 & 3 & 3 \end{bmatrix}$, 则 $r(A) =$ 1。

91、设 $A=[13]$, 则 $I-2A=$ ()。

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ -1 & -2 \end{bmatrix}$, 则 $I-2A =$ _____

答案: $\begin{bmatrix} -1 & -6 \\ 2 & 5 \end{bmatrix}$

92、设 $A=[13]$, I 为单位矩阵, 则 $(I-A)^T=$ ()。

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ -2 & 4 \end{bmatrix}$, I 为单位矩阵, 则 $(I-A)^T =$ _____

$\begin{bmatrix} 0 & 2 \\ -3 & -3 \end{bmatrix}$

答:

93、设 A 是 n 阶可逆矩阵, k 是不为 0 的常数, 则 $=($)。

设 A 是 n 阶可逆矩阵, k 是不为 0 的常数, 则 $(kA)^{-1} =$ _____

答案: $\frac{1}{k}A^{-1}$

94、设 A 为 3×4 矩阵, B 为 5×2 矩阵, 且乘积矩阵 $ACBT$ 有意义, 则 C 为 () 矩阵

4x2

95、设 A 为 3×5 矩阵, B 为 2×4 矩阵, 且乘积矩阵 $ATCB$ 有意义, 则 C 为 () 矩阵.

设 A 为 3×5 矩阵, B 为 2×4 矩阵, 且乘积矩阵 $A^T C B$ 有意义, 则 C 为

答: 3×2

96、设 A 为 n 阶可逆矩阵, 则

设 A 为 n 阶可逆矩阵, 则 $r(A) =$ _____.

答案: n

97、设 $f(x)=1/x$, 则 $f[f(x)]=$ ()。

答: x

98、设 $f(x)=1x$, 则 $f(f(x))=$ ()。

设, $f(x) = \frac{1}{x}$, 则 $f(f(x)) =$ _____ 答案: x

99、设 $f(x)=\{\sin x, x \neq 0$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k=$ ()。

6. 设 $f(x) = \begin{cases} \frac{\sin x}{x}, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k =$ _____

1

100、设 $f(x)=\{x^2+1, x \neq 0$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k=$ ()。

设 $f(x) = \begin{cases} x^2+1, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k =$ _____ 答: 1

101、设 $f(x)=\{x^2-1, x \neq 0$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k=$ ()。

设 $f(x) = \begin{cases} x^2-1, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k =$ _____

-1

102、设 $f(x)=\{x^2+2, x \neq 0$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k=$ ()。

设 $f(x) = \begin{cases} x^2+2, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k =$ (2)。

103、设 $f(x)=\{x^2-1, x \neq 0$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k=$ ()。

设 $f(x) = \begin{cases} x^2-1, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k =$ -1

104、设 $f(x-1)=x^2-2x+5$, 则 $f(x)=$ ()。

设 $f(x-1) = x^2 - 2x + 5$, 则 $f(x) =$ _____.

答案: (x^2+4)

105、设 $f(x)=1/x$, 则 $f(f(x))=$ ()。

答: x

106、设函数 $f(x)=\{x^2+1, x \neq 0$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k=$ ()。

设函数 $f(x) = \begin{cases} x^2+1, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k =$ _____ 答案: 1

107、设矩阵 $A=[1-2]$, I 为单位矩阵, 则 $(I-A)=$ ()。

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$, I 为单位矩阵, 则 $(I-A)^T =$ _____.

答案: $\begin{bmatrix} 0 & -4 \\ 2 & -2 \end{bmatrix}$

108、设矩阵 $A=[1]$, $B=[3-1]$, 则 $AB=$ ()。

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}$, $B = [3 \quad -1]$, 则 $AB =$ _____.

答案: $\begin{bmatrix} 3 & -1 \\ 6 & -2 \end{bmatrix}$

109、设矩阵, 则 $A=[0-1]$, 则 A^{-1} ()。

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$, 则 A^{-1} ()。 答案: $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$

110、设矩阵可逆, B 是 A 的逆矩阵

则当 $(A^T)^{-1} =$ B^T 。

111、设某商品的需求函数为 $q(p)=10e$, 则需求弹性 $EP=$ ()。

设某商品的需求函数为 $q(p) = 10e^{-\frac{p}{2}}$, 则需求弹性 $E_p =$ _____

答案: $-\frac{p}{2}$

112、设某商品的需求函数为 $q(p) = 20/3 - 2/3p$, 其中 p 为价格, 则需求弹性 $E_p =$ () .

$\frac{p}{p-10}$

113、设某商品的需求函数为 $q(p) = 5e^{-(p/3)}$, 则需求弹性 $E_p =$ _____

设某商品的需求函数为 $q(p) = 5e^{-\frac{p}{3}}$, 则需求弹性 $E_p =$ _____

$-\frac{p}{3}$

114、设齐次线性方程组 $A_{2 \times 3} X = 0$ 满, 且 $r(A) = 2$, 则方程组一般解中自由未知量的个数为 3 .

115、设齐次线性方程组 $A_{2 \times 3} X_{3 \times 1} = 0$ 的系数矩阵 A 的秩为 2, 则方程组的一般解中自由未知量的个数为 () .

设齐次线性方程组 $A_{2 \times 3} X_{3 \times 1} = 0$ 的系数矩阵 A 的秩为 2, 则方程组的一般解中自由未知量的个数为 () .

答: 1

116、设齐次线性方程组 $A_{3 \times 3} X_{3 \times 1} = 0$ 的系数矩阵 A 的秩为 1, 则方程组的一般解中自由未知量的个数为 ()

2

117、设线性方程 $\begin{cases} x_1 + x_2 = 0 \\ -x_1 + \lambda x_2 = 0 \end{cases}$ 有非 0 解, 则 $\lambda =$ _____

答: -1

118、设线性方程组 $AX=b$, 且 $A \rightarrow [1116]$, 则 $t =$ () 时, 方程组有唯一解。

119、设线性方程组 $\begin{cases} x_1 + 2x_2 = 0 \\ -x_1 + \lambda x_2 = 0 \end{cases}$ 有非零解, 则 $\lambda =$ () .

答案: $\neq -1$

设线性方程组 $AX=b$, 且 $A \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 6 \\ 0 & -1 & 3 & 2 \\ 0 & 0 & t+1 & 0 \end{bmatrix}$, 则 $t =$ _____

120、设线性方程组 $\begin{cases} x_1 - x_2 = 0 \\ 3x_1 + \lambda x_2 = 0 \end{cases}$ 有非零解, 则 $\lambda =$ _____

答案: -2

121、设线性方程组 $\begin{cases} x_1 - x_2 = 0 \\ 3x_1 + \lambda x_2 = 0 \end{cases}$ 有非 0 解, 则 $\lambda =$ () .

答: -3

122、微分方程 $(y'')^3 + 4xy^{(4)} = y' \sin x$ 的阶数为 4

123、微分方程 $(y'')^3 - x4y' + 2y = \cos x$ 的阶数是 () .

答案: 2

124、线性方程组 $A_{m \times n} X = b$ 有唯一解的充分必要条件是 () .

$r(A) = r(\bar{A}) = n$

125、线性方程组 $A_{m \times n} X = b$ 有无穷多解的充分必要条件是 () .

$r(A) = r(\bar{A}) < n$

126、线性方程组 $AX=b$ 的增广矩阵

化成阶梯形矩阵后为 $\bar{A} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 4 & 2 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & d+1 \end{bmatrix}$ 则当 $d = (-1)$ 时, 方程组 $AX=b$ 有无穷多解。

127、线性方程组 $AX=b$ 有解的充分必要条件是 () .

线性方程组 $AX=b$ 有解的充分必要条件是 _____

答案: $r(A) = r(\bar{A})$

128、线性方程组的一般解中自由未知生产某种产品的成本函数为 $C(q) = 80 + 2q$, 则当产量 $q = 50$ 时, 该产品的平均成本未知量的个数为 () .

答案: 3.6

129、已知 $f(x) = 1 - \sin x$, 当 $x \rightarrow$ () 时, 为无穷小量。

已知 $f(x) = 1 - \frac{\sin x}{x}$, 当 $x \rightarrow$ _____ 时, $f(x)$ 为无穷小量。

答案: 0

130、已知 $f(x) = \begin{cases} x^2 + 1, & x \neq 1 \\ k, & x = 1 \end{cases}$, 若 $f(x)$ 在 $x = 0$ 处连续, 则 $k =$ () .

已知 $f(x) = \begin{cases} x^2 - 1, & x \neq 1 \\ a, & x = 1 \end{cases}$, 若 $f(x)$ 在 $x = 1$ 处连续, 则 $a =$ _____

答案: 1

131、已知 $f(x) = \begin{cases} x^2 - 1x - 1, & x \neq 1 \\ a, & x = 1 \end{cases}$, 若 $f(x)$ 在 $x = 1$ 处连续, 则 $a =$ () .

答案: 2

132、已知齐次线性方程组 $AX=0$ 中 A 为 3×5 矩阵, 且该方程组有非零解, 则 $r(A) \leq$ ()

答案: 3

133、已知齐次线性方程组 $AX=0$ 中 A 为 3×5 矩阵, 则 $r(A) \leq$ () .

答案: 3

134、已知曲线 $y=f(x)$ 在任一点 x 处的切线的斜率为 \sqrt{x} ，且曲线过点 $(4, 5)$ ，则该曲线的方程是 ()。

$$y = \frac{2}{3}x^{\frac{3}{2}} - \frac{1}{3}$$

135、已知生产某种产品的成本函数为 $C(q)=80+2q$ ，则当产量 $q=50$ 时，该产品的平均成本为 ()。

3.6

136、已知需求函数 $q=203-23p$ ，其中 p 为价格，则需求弹性 $E_p= ()$ 。

已知需求函数 $q = \frac{20}{3} - \frac{2}{3}p$ ，其中 p 为价格，则需求弹性 $E_p = -\frac{p}{p-10}$ 。

微积分计算(56)--电大资源网: <http://www.dda123.cn/> (微信搜: 905080280)

- 1、计算 $\int x \cos x dx$.
- 2、计算不定积分 $\int x^2 + x^2 dx$, 求 dy .
- 3、计算不定积分 $\int x \sin^2 x dx$.
- 4、计算不定积分 $\int (2x+1)10 dx$.
- 5、计算不定积分 $\int \ln x$
- 6、计算不定积分 $\int \ln x x^2 dx$.
- 7、计算不定积分 $\int \sin 1 x x^2 dx$.
- 8、计算不定积分 $\int x / \cos 2x$
- 9、计算不定积分 $\int x \cos x dx$.
- 10、计算不定积分 $\int x \ln x dx$.
- 11、计算不定积分 $\int x \sin x / 2 dx$.
- 12、计算不定积分 $\int x \sqrt{2+x^2} dx$.
- 13、计算定积分 $\int_1^2 x \sqrt{1+\ln x} dx$.
- 14、计算定积分 $\int_2^1 x^2 dx$
- 15、计算定积分 $\int e/x dx$.
- 16、计算定积分 $\int e^x(1+e^x) dx$.
- 17、计算定积分 $\int e^x dx$
- 18、计算定积分 $\int e^x dx$.
- 19、计算定积分 $\int x \cos 2x dx$.
- 20、计算定积分 $\int x e^{-2x} dx$.
- 21、计算定积分 $\int x e^x dx$.
- 22、计算定积分 $\int x \ln x dx$.
- 23、计算定积分 $\int x \sin x dx$.
- 24、计算积分 $\int x \cos 2x dx$.
- 25、计算极限 $\lim_{x \rightarrow 2} 2-5x+6xi-6x+8$.
- 26、计算极限 $\lim_{x \rightarrow 2} x-12$.
- 27、计算极限 $\lim_{x \rightarrow 2} x^2-3x+2/x^2-1$.
- 28、设 $y=\ln(1+\sin x)$, 求 y'
- 29、设 $y=2^* \cdot \sin 5x$, 求 y'
- 30、设 $y=2x-\cos x^2$, 求 dy .
- 31、设 $y=3x+\cos 5x$, 求 dy .
- 32、设 $y=\cos 2x+1/x$, 求 y' .
- 33、设 $y=\cos 2x+\ln x$, 求 y .
- 34、设 $y=\cos x+\ln 2x$, 求 dy .
- 35、设 $y=\cos x+\ln 3x$, 求 y .

- 36、设 $y=\cos x+\ln 3x$, 求 y .
- 37、设 $y=e+\cos 2x$, 求 y' .
- 38、设 $y=e+x\sqrt{x}$, 求 dy .
- 39、设 $y=e-5x-\tan x$, 求 dy .
- 40、设 $y=e-x^2+\cos 2x$, 求 y' .
- 41、设 $y=e-x \cos x$, 求 y' .
- 42、设 $y=e^{1/x}+5x$
- 43、设 $y=e^2+x$, 求 y' .
- 44、设 $y=e^x+\ln \cos x$, 求 dy
- 45、设 $y=\ln(1+x)+\sin 2x$, 求 y' .
- 46、设 $y=\ln(1+\sin x)$, 求 y' .
- 47、设 $y=\ln 3x-\cos 5x$, 求 dy .
- 48、设 $y=\ln \cos x-1/x$, 求 y' .
- 49、设 $y=\ln x^2x+e-3x$, 求 dy .
- 50、设 $y=\sin 2x+x\sqrt{x}$, 求 y' .
- 51、设 $y=\sin 3x+\log_5 \frac{1}{x}$, 求 dy .
- 52、设 $y=\sin \sqrt{x}+x-1x$, 求 y .
- 53、设 $y=x^5+e$, 求 y .
- 54、设 $y=x\sqrt{x}+e$, 求 y .
- 55、已知 $x+y-x^y+3x=1$, 求 dy .
- 56、已知 $y=2x-\cos x$, 求 dy .

1、计算 $\int x \cos x dx$.

$$\text{计算 } \int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos x dx .$$

12. 解: 由分部积分法得

$$\text{答案: } \int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos x dx = x \sin x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} - \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin x dx = \frac{\pi}{2} + \cos x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} = \frac{\pi}{2} - 1$$

2、计算不定积分 $\int x^2+x^2 dx$, 求 dy .

$$\text{计算不定积分 } \int x \sqrt{2+x^2} dx .$$

$$\text{解: 原式} = \int \sqrt{2+x^2} d(\frac{1}{2}x^2) = \frac{1}{2} \int \sqrt{2+x^2} d(2+x^2) = \frac{1}{3} (2+x^2)^{\frac{3}{2}} + c$$

3、计算不定积分 $\int x \sin^2 x dx$.

$$\text{计算不定积分 } \int x \sin \frac{x}{2} dx .$$

$$\text{解 原式} = 2 \int x d(-\cos \frac{x}{2}) = -2x \cos \frac{x}{2} + 2 \int \cos \frac{x}{2} dx = -2x \cos \frac{x}{2} + 4 \sin \frac{x}{2} + c$$

4、计算不定积分 $\int (2x+1)10 dx$.

计算不定积分 $\int (2x+1)^{10} dx$.

3. 解: 由换元积分法得

$$\int (2x+1)^{10} dx = \frac{1}{2} \int (2x+1)^{10} d(2x+1) = \frac{1}{22} (2x+1)^{11} + c$$

5. 计算不定积分 $\int \ln x$

计算不定积分 $\int \frac{\ln x}{\sqrt{x}} dx$.

12. 解: 由分部积分法得

$$\int \frac{\ln x}{\sqrt{x}} dx = 2\sqrt{x} \ln x - 2 \int \frac{\sqrt{x}}{x} dx = 2\sqrt{x} \ln x - 4\sqrt{x} + c$$

6. 计算不定积分 $\int \ln x x^2 dx$.

计算不定积分 $\int_1^e \frac{\ln x}{x^2} dx$.

解: 由分部积分法得

$$\int_1^e \frac{\ln x}{x^2} dx = -\frac{1}{x} \ln x \Big|_1^e + \int_1^e \frac{1}{x^2} dx = -\frac{1}{e} - \frac{1}{x} \Big|_1^e = 1 - \frac{2}{e}$$

7. 计算不定积分 $\int \sin \frac{1}{x} x^2 dx$.

计算不定积分 $\int \frac{\sin \frac{1}{x}}{x^2} dx$.

$$\text{解: } \int \frac{\sin \frac{1}{x}}{x^2} dx = -\int \sin \frac{1}{x} d\left(\frac{1}{x}\right) = \cos \frac{1}{x} + c$$

8. 计算不定积分 $\int x/\cos^2 x$

计算不定积分 $\int \frac{x}{\cos^2 x} dx$.

$$\text{解: } \int \frac{x}{\cos^2 x} dx = \int x \tan x = x \tan x - \int \tan x dx$$

9. 计算不定积分 $\int x \cos x dx$.

计算 $\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos x dx$.

12. 解: 由分部积分法得

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos x dx = x \sin x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} - \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin x dx = \frac{\pi}{2} + \cos x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} = \frac{\pi}{2} - 1$$

10. 计算不定积分 $\int x \ln x dx$.

计算不定积分 $\int_1^e x \ln x dx$.

解: 由分部积分法得

$$\begin{aligned} \int_1^e x \ln x dx &= \frac{x^2}{2} \ln x \Big|_1^e - \frac{1}{2} \int_1^e x^2 d(\ln x) \\ &= \frac{e^2}{2} - \frac{1}{2} \int_1^e x dx = \frac{e^2}{4} + \frac{1}{4} \end{aligned}$$

11. 计算不定积分 $\int x \sin \frac{x}{2} dx$.

计算不定积分 $\int x \sin \frac{x}{2} dx$.

$$\begin{aligned} \text{解: } \int x \sin \frac{x}{2} dx &= -2 \int x d \cos \frac{x}{2} = -2x \cos \frac{x}{2} + 2 \int \cos \frac{x}{2} dx \\ &= -2x \cos \frac{x}{2} + 4 \sin \frac{x}{2} + c \end{aligned}$$

12. 计算不定积分 $\int x \sqrt{2+x^2} dx$.

计算不定积分 $\int x \sqrt{2+x^2} dx$.

$$\text{解: } \int x \sqrt{2+x^2} dx = \frac{1}{2} \int \sqrt{2+x^2} (2+x^2) = \frac{1}{3} (2+x^2) \sqrt{2+x^2} + c$$

13. 计算定积分 $\int_1^{\sqrt{3}} x \sqrt{1+\ln x} dx$.

计算定积分 $\int_1^{\sqrt{3}} \frac{1}{x \sqrt{1+\ln x}} dx$.

$$\begin{aligned} \text{解: } \int_1^{\sqrt{3}} \frac{1}{x \sqrt{1+\ln x}} dx &= \int_1^{\sqrt{3}} \frac{1}{\sqrt{1+\ln x}} d(1+\ln x) = 2 \sqrt{1+\ln x} \Big|_1^{\sqrt{3}} \\ &= 2(\sqrt{3}-1) \end{aligned}$$

14. 计算定积分 $\int_1^{\sqrt{3}} 21x^2 dx$

12. 计算定积分 $\int_1^2 \frac{e^{\frac{1}{x}}}{x^2} dx$.

12. 解: $\int_1^2 \frac{e^{\frac{1}{x}}}{x^2} dx = - \int_1^2 e^{\frac{1}{x}} d \frac{1}{x} = -e^{\frac{1}{x}} \Big|_1^2 = e - \sqrt{e}$

15. 计算定积分 $\int_1^2 e^{\frac{1}{x}} dx$.

计算定积分 $\int_1^2 \frac{e^{\frac{1}{x}}}{x^2} dx$.

解: $\int_1^2 \frac{e^{\frac{1}{x}}}{x^2} dx = - \int_1^2 e^{\frac{1}{x}} d \frac{1}{x} = -e^{\frac{1}{x}} \Big|_1^2 = e - \sqrt{e}$

16. 计算定积分 $\int_0^{\ln 3} e^x(1+e^x) dx$.

计算定积分 $\int_0^{\ln 3} e^x(1+e^x)^2 dx$.

解: $\int_0^{\ln 3} e^x(1+e^x)^2 dx = \int_0^{\ln 3} (1+e^x)^2 d(1+e^x) = \frac{1}{3} (1+e^x)^3 \Big|_0^{\ln 3} = \frac{56}{3}$

17. 计算定积分 $\int_1^2 e^{\frac{1}{x}} dx$.

计算定积分 $\int_1^2 \frac{e^{\frac{1}{x}}}{x^2} dx$.

解 原式 $= \int_1^2 e^{\frac{1}{x}} d \left(-\frac{1}{x}\right) = -e^{\frac{1}{x}} \Big|_1^2 = -e^{\frac{1}{2}} + e$.

18. 计算定积分 $\int_1^4 e^{\sqrt{x}} dx$.

计算定积分 $\int_1^4 \frac{e^{\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} dx$.

解: $\int_1^4 \frac{e^{\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} dx = \int_1^4 2e^{\sqrt{x}} d\sqrt{x} = 2e^{\sqrt{x}} \Big|_1^4 = 2e^2 - 2e$

19. 计算定积分 $\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos 2x dx$.

计算不定积分 $\int x \sqrt{2+x^2} dx$.

解: 由分部积分法得

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos 2x dx = \int_0^{\frac{\pi}{2}} x d\left(\frac{1}{2} \sin 2x\right)$$

$$= \frac{1}{2} x \sin 2x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} - \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{1}{2} \sin 2x dx$$

$$= 0 + \frac{1}{4} \cos 2x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} = -\frac{1}{2}$$

20. 计算定积分 $\int_0^1 x e^{-2x} dx$.

计算定积分 $\int_0^1 x e^{-2x} dx$.

12. 解: 由定积分的分部积分法得

$$\begin{aligned} \int_0^1 x e^{-2x} dx &= -\frac{1}{2} \int_0^1 x d(e^{-2x}) = -\frac{1}{2} x e^{-2x} \Big|_0^1 + \frac{1}{2} \int_0^1 e^{-2x} dx \\ &= -\frac{1}{2} e^{-2} - \frac{1}{4} e^{-2x} \Big|_0^1 = -\frac{3}{4} e^{-2} + \frac{1}{4} \end{aligned}$$

21. 计算定积分 $\int_0^1 x e^x dx$.

计算定积分 $\int_0^1 x e^x dx$.

解: $\int_0^1 x e^x dx = \int_0^1 x d e^x = x e^x \Big|_0^1 - \int_0^1 e^x dx = e - e^x \Big|_0^1 = 1$

22. 计算定积分 $\int_1^e x \ln x dx$.

计算定积分 $\int_1^e x \ln x dx$.

解: $\int_1^e x \ln x dx = \frac{1}{2} x^2 \ln x \Big|_1^e - \frac{1}{2} \int_1^e x dx = \frac{e^2}{2} - \frac{1}{4} x^2 \Big|_1^e = \frac{1}{4} (e^2 + 1)$

23、计算定积分 $\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \sin x dx$.

计算定积分 $\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \sin x dx$.

12. 解: 由定积分的分部积分法得

$$\begin{aligned} \int_0^{\frac{\pi}{2}} x \sin x dx &= \int_0^{\frac{\pi}{2}} x d(-\cos x) = -x \cos x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} + \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos x dx \\ &= 0 + \sin x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} = 1 \end{aligned}$$

24、计算积分 $\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos 2x dx$.

计算积分 $\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos 2x dx$.

$$\begin{aligned} \text{解: } \int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos 2x dx &= \frac{1}{2} x \sin 2x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} - \frac{1}{2} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin 2x dx \\ &= \frac{1}{4} \cos 2x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} = -\frac{1}{2} \end{aligned}$$

25、计算极限 $\lim_{x \rightarrow 2} 2 - 5x + 6x^i - 6x + 8$.

计算极限 $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 6x + 8}$.

$$\text{解: } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 6x + 8} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x-2)(x-3)}{(x-2)(x-4)} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x-3}{x-4} = \frac{1}{2}$$

26、计算极限 $\lim_{x \rightarrow 4} 2 - x - 12$.

计算极限 $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - x - 12}{x^2 - 5x + 4}$.

$$\text{解: } \lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - x - 12}{x^2 - 5x + 4} = \lim_{x \rightarrow 4} \frac{(x-4)(x+3)}{(x-4)(x-1)} = \frac{7}{3}$$

27、计算极限 $\lim_{x \rightarrow 1} x^2 - 3x + 2/x^2 - 1$.

计算极限 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 - 1}$.

$$\begin{aligned} \text{解: } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 - 1} &= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(x-2)}{(x-1)(x+1)} \\ &= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-2}{x+1} \\ &= \frac{-1}{2} = -\frac{1}{2} \end{aligned}$$

28、设 $y = \ln(1 + \sin x)$, 求 y'

$$\text{解: } y' = (\ln(1 + \sin x))' = \frac{(1 + \sin x)'}{1 + \sin x} = \frac{\cos x}{1 + \sin x}$$

29、设 $y = 2^x \cdot \sin 5x$, 求 y'

11. 设 $y = 2^x - \sin 5x$, 求 y' .

$$11. \text{ 解: } y' = (2^x)' - (\sin 5x)' = 2^x \ln 2 - \cos 5x \cdot (5x)' = 2^x \ln 2 - 5 \cos 5x$$

30、设 $y = 2^x - \cos x^2$, 求 dy .

设 $y = 2^x - \cos x^2$, 求 dy .

$$\text{解: } y' = 2^x \ln 2 + 2x \sin x^2$$

答案: $dy = (2^x \ln 2 + 2x \sin x^2) dx$

31、设 $y = 3x + \cos 5x$, 求 dy .

设 $y = 3^x + \cos^5 x$, 求 dy .

11. 解:由微分四则运算法则和微分基本公式得

$$\begin{aligned} dy &= d(3^x + \cos^5 x) = d(3^x) + d(\cos^5 x) \\ &= 3^x \ln 3 dx + 5 \cos^4 x d(\cos x) \\ &= 3^x \ln 3 dx - 5 \sin x \cos^4 x dx \\ &= -(3^x \ln 3 - 5 \sin x \cos^4 x) dx \end{aligned}$$

32. 设 $y = \cos 2x + 1/x$, 求 y' .

$$\text{设 } y = \cos 2x + \frac{1}{x}, \text{ 求 } y'.$$

$$\text{解: } y' = (\cos 2x)' + (x^{-1})' = -\sin 2x \cdot (2x)' - x^{-2} = -2 \sin 2x - \frac{1}{x^2} \dots\dots\dots 10 \text{ 分}$$

33. 设 $y = \cos 2^x + \ln x$, 求 y' .

$$y = \cos 2^x + \ln x, \text{ 求 } y'.$$

解: 由导数四则运算法则和导数基本公式得

$$\begin{aligned} y' &= (\cos 2^x + \ln x)' = (\cos 2^x)' + (\ln x)' \\ &= -\sin 2^x (2^x)' + \frac{1}{x} \\ &= -2^x \ln 2 \sin 2^x + \frac{1}{x} \dots\dots\dots \end{aligned}$$

34. 设 $y = \cos x + \ln^2 x$, 求 dy .

$$\text{设 } y = \cos x + \ln^2 x, \text{ 求 } dy.$$

$$\text{解: } y' = -\sin x + 2 \ln x \left(\frac{1}{x}\right) = \frac{2}{x} \ln x - \sin x$$

$$dy = \left(\frac{2}{x} \ln x - \sin x\right) dx$$

35. 设 $y = \cos x + \ln 3x$, 求 y' .

$$\text{设 } y = \cos x + \ln^3 x, \text{ 求 } y'.$$

解: 由导数四则运算法则和导数基本公式得

$$\begin{aligned} y' &= (\cos x + \ln^3 x)' = (\cos x)' + (\ln^3 x)' \\ &= -\sin x + 3 \ln^2 x (\ln x)' \\ &= -\sin x + \frac{3 \ln^2 x}{x} \end{aligned}$$

36. 设 $y = \cos x + \ln 3x$, 求 y' .

$$\text{设 } y = \cos x + \ln^3 x, \text{ 求 } y'.$$

11. 解: 由导数运算法则和导数基本公式得

$$\begin{aligned} y' &= (\cos x + \ln^3 x)' = (\cos x)' + (\ln^3 x)' \\ &= -\sin x + 3 \ln^2 x (\ln x)' \\ &= -\sin x + \frac{3 \ln^2 x}{x} \dots\dots\dots \end{aligned}$$

37. 设 $y = e^{-x^2} + \cos 2x$, 求 y' .

$$\text{设 } y = e^{-x^2} + \cos 2x, \text{ 求 } y'.$$

$$\begin{aligned} \text{解: } y' &= (e^{-x^2})' + (\cos 2x)' \\ &= (-x^2)' \cdot e^{-x^2} - 2 \sin 2x \\ &= -2xe^{-x^2} - 2 \sin 2x \end{aligned}$$

综上所述, $y' = -2xe^{-x^2} - 2 \sin 2x$

38. 设 $y = e^{x^2} + x\sqrt{x}$, 求 dy .

$$\text{设 } y = e^{x^2} + x\sqrt{x}, \text{ 求 } dy.$$

解: $y' = (e^{\sin x} + x\sqrt{x})' = (e^{\sin x})' + (x\sqrt{x})'$

$$= e^{\sin x}(\sin x)' + (x^{\frac{3}{2}})'$$

$$= \cos x e^{\sin x} + \frac{3}{2}x^{\frac{1}{2}}$$

$$dy = (\cos x e^{\sin x} + \frac{3}{2}x^{\frac{1}{2}})dx$$

39、设 $y=e-5x-\tan x$,求 dy .

设 $y = e^{-5x} - \tan x$, 求 dy .

11. 解: $y' = (e^{-5x})' - (\tan x)' = -5e^{-5x} - \frac{1}{\cos^2 x}$

$$dy = (-5e^{-5x} - \frac{1}{\cos^2 x})dx$$

40、设 $y=e-x^2+\cos 2x$,求 y' .

设 $y = e^{-x^2} + \cos 2x$, 求 y' .

解: $y' = e^{-x^2}(-x^2)' - \sin 2x(2x)' = -2xe^{-x^2} - 2\sin 2x$

41、设 $y=e-x\cos x$,求 y' .

设 $y = e^{-x} \cos x$, 求 y' .

解: $y' = (e^{-x})' \cos x + e^{-x}(\cos x)'$

$$= e^{-x} \cdot (-x)' \cdot \cos x + e^{-x} \cdot (-\sin x)$$

$$= -e^{-x}(\cos x + \sin x) \dots\dots\dots$$

42、设 $y=e^{1/x+5x}$

设 $y = e^{\frac{1}{x} + 5x}$, 求 dy .

解: $y' = e^{\frac{1}{x}}(-\frac{1}{x^2}) + 5e^{5x}$

$$dy = y'dx$$

$$= (5e^{5x} - \frac{e^{\frac{1}{x}}}{x^2})dx$$

43、设 $y=e^{2x}+x$,求 y' .

设 $y = e^{2x} + x\sqrt{x}$, 求 y' .

解: $y' = (e^{2x})' + (x\sqrt{x})' = e^{2x} \cdot (2x)' + \frac{3}{2}\sqrt{x} = 2e^{2x} + \frac{3}{2}\sqrt{x}$

44、设 $y=ex+\ln\cos x$,求 dy

设 $y = e^x + \ln \cos x$, 求 dy .

解: $y' = e^x - \frac{1}{\cos x}(-\sin x) = e^x + \tan x$

$$dy = y'dx$$

$$= (e^x + \tan x)dx$$

45、设 $y=\ln(1+x)+\sin 2x$, 求 y' .

设 $y = \ln(1+x) + \sin^2 x$, 求 y' .

解: $y' = \frac{1}{1+x} \cdot (1+x)' + 2 \sin x \cdot (\sin x)' = \frac{1}{1+x} + 2 \sin x \cos x$

46、设 $y=\ln(1+\sin x)$,求 y' .

解: $y' = (\ln(1 + \sin x))' = \frac{(1+\sin x)'}{1+\sin x} = \frac{\cos x}{1+\sin x}$

47、设 $y=\ln 3x-\cos 5x$,求 dy .

设 $y = \ln^3 x - \cos 5x$, 求 dy .

解: $y' = (\ln^3 x - \cos 5x)' = (\ln^3 x)' - (\cos 5x)'$

$$= 3 \ln^2 x (\ln x)' + \sin 5x \cdot (5x)'$$

$$= \frac{3 \ln^2 x}{x} + 5 \sin 5x$$

$$dy = \left(\frac{3 \ln^2 x}{x} + 5 \sin 5x \right) dx$$

48. 设 $y = \ln \cos x - 1/x$, 求 y'

设 $y = \ln \cos x - \frac{1}{x}$, 求 y'

解: $y' = (\ln \cos x)' - (x^{-1})' = \frac{1}{\cos x} (\cos x)' + x^{-2} = -\tan x + \frac{1}{x^2}$

49. 设 $y = \ln x^2 x + e^{-3x}$, 求 dy .

设 $y = \ln^2 x + e^{-3x}$, 求 dy .

11. 解: 因为 $y' = 2 \ln x (\ln x)' - 3e^{-3x} = \frac{2 \ln x}{x} - 3e^{-3x}$

所以 $dy = \left(\frac{2 \ln x}{x} - 3e^{-3x} \right) dx$

50. 设 $y = \sin 2x + x\sqrt{x}$, 求 y' .

解: 设 $y = \sin 2x + x\sqrt{x}$, 求 y' .

解: $y' = (\sin 2x)' + (x\sqrt{x})' = \cos 2x \cdot (2x)' + \left(x^{\frac{3}{2}} \right)' = 2 \cos 2x + \frac{3}{2} \sqrt{x}$

51. 设 $y = \sin 3x + \log_5 x$, 求 dy .

设 $y = \sin 3x + \log_5 x$, 求 dy .

解: $dy = d(\sin^3 x) + d(\log_5 x)$

$$= 3 \sin^2 x d(\sin x) + \frac{1}{x \ln 5} dx$$

$$= 3 \sin 2x \cos x dx + \frac{1}{x \ln 5} dx = \left(3 \sin 2x \cos x + \frac{1}{x \ln 5} \right) dx$$

52. 设 $y = \sin \sqrt{x+x-1}$, 求 y' .

设 $y = \sin \sqrt{x + \frac{x-1}{x}}$, 求 y' .

解: 由导数四则运算法则和复合函数求导法则得

$$y' = \cos \sqrt{x} \cdot \frac{1}{2\sqrt{x}} + \frac{1}{x^2} = \frac{\cos \sqrt{x}}{2\sqrt{x}} + \frac{1}{x^2}$$

53. 设 $y = x^5 + e^{\sin x}$, 求 y' .

题目: 设 $y = x^5 + e^{\sin x}$, 求 dy .

11. 解: 由微分四则运算法则和微分基本公式得

$$dy = d(x^5 + e^{\sin x}) = d(x^5) + d(e^{\sin x})$$

$$= 5x^4 dx + e^{\sin x} d(\sin x)$$

$$= 5x^4 dx + e^{\sin x} \cos x dx$$

$$= (5x^4 + e^{\sin x} \cos x) dx$$

54. 设 $y = x\sqrt{x} + e^{-x}$, 求 y' .

设 $y = x\sqrt{x} + e^{-x}$, 求 y' .

解: $y' = (x\sqrt{x})' + (e^{-x})' = \left(x^{\frac{3}{2}} \right)' + e^{-x} \cdot (-x)' = \frac{3}{2} \sqrt{x} - e^{-x}$

55. 已知 $x+y-xy+3x=1$, 求 dy .

已知 $x^2 + y^2 - xy + 3x = 1$, 求 dy .

解：方程两边关于x求导： $2x + 2yy' - y - xy' + 3 = 0$

$$(2y - x)y' = y - 2x - 3, \quad dy = \frac{y-3-2x}{2y-x} dx$$

56、已知 $y=2x-\cos xx$, 求 dy .

已知 $y = 2^x - \frac{\cos x}{x}$, 求 dy .

解：因为 $y'(x) = (2^x - \frac{\cos x}{x})' = 2^x \ln 2 - \frac{-x \sin x - \cos x}{x^2}$

$$= 2^x \ln 2 + \frac{x \sin x + \cos x}{x^2}$$

所以 $dy = (2^x \ln 2 + \frac{x \sin x + \cos x}{x^2}) dx$

线性代数计算题(42)--电大资源网: <http://www.dda123.cn/> (微信搜: 905080280)

- 1、解矩阵方程 $([22]-1)X=[34]$ 。
- 2、解矩阵方程 $X[12]=[10]$ 。
- 3、求 λ 取何值时, 线性方程组 $\{x_1+x_2+x_3=1$ 有解? 有...
- 4、求 λ 取何值时, 线性方程组 $\{x_1-x_2+x_4=2$ 有解, ...
- 5、求 λ 为何值时, 齐次线性方程组 $\{x_1+2x_2+\lambda x_3=...$
- 6、求 λ 为何值时, 线性方程组 $\{x_1+x_2-x_3=3$, 有解, ...
- 7、求 λ 为何值时, 线性方程组 $\{x_1-x_2+4x_3=2$, 有解...
- 8、求 λ 为何值时, 线性方程组 $\{x_1+x_2-x_3=-3, 2x_...$
- 9、求非齐次线性方程组 $\{x_1+2x_2+x_3=8$ 的一般解. ...
- 10、求非齐次线性方程组 $\{x_1+x_2+x_3=3$ 的一般解. ...
- 11、求齐次线性方程组 $\{x_1+2x_2-x_4=2$ 的一般解. ...
- 12、求齐次线性方程组 $\{x_1+2x_3-x_4=0$ 的一般解. ...
- 13、求齐次线性方程组 $\{x_1+2x_3-x_4=0$ 的一般解. ...
- 14、求齐次线性方程组 $\{x_1+3x_2-x_3=0$ 的一般解. ...
- 15、求齐次线性方程组 $\{x_1+x_2+2x_3-x_4=0$ 的一般解. ...
- 16、求齐次线性方程组 $\{x_1+x_2+x_3=0$ 的一般解. ...
- 17、求线性方程组 $\{2x_2-5x_2+2x_3-3x_4=0$ 的一般解. ...
- 18、求线性方程组 $\{x_1+2x_3-x_4=0$ 的一般解. ...
- 19、求线性方程组 $\{x_1+2x_3=-1$ 的一般解. ...
- 20、求线性方程组 $\{x_1-3x_2+x_3-x_4=1$ 的一般解. ...
- 21、求线性方程组 $\{x_1-3x_2-2x_3-x_4=1$ 的一般解. ...
- 22、求线性方程组 $\{x_1-3x_2-2x_3-x_4=2$
- 23、求线性方程组 $\{x_1-x_2+x_4=2$ 的一般解. ...
- 24、设 $A=[-113]$, 求 $(I+A)^{-1}$.
- 25、设 $A=[10], B=[310]$, 求 $(ATB)^{-1}$
- 26、设 $A=[12-3], B=[1-30]$, 求解矩阵方程 $XA=B$
- 27、设 $A=[210]$, 求 $(A-I)^{-1}$.
- 28、设矩阵 $A=[-1316-3], B=[1]$, 求 $A^{-1}B$ 。
- 29、设矩阵 $A=[-1316-3]$, 求。
- 30、设矩阵 $A=[012], B=[213]$, 求解矩阵方程 $XA=B$...

- 31、设矩阵 $A=[0-1-3], B=[25], I$ 是 3 阶单位矩阵, 求...
- 32、设矩阵 $A=[010], I=[100]$ 求 $(I+A)^{-1}$ 。
- 33、设矩阵 $A=[012], B=[213]$, 求解矩阵方程 $XA=B$...
- 34、设矩阵 $A=[01], B=[10]$, 计算 $(ATB)^{-1}$ 。
- 35、设矩阵 $A=[1-10], B=[200]$, 求 $A^{-1}B$ 。
- 36、设矩阵 $A=[100]$, 求 $(AA^T)^{-1}$ 。
- 37、设矩阵 $A=[10], B=[01]$, 求 $(BTA)^{-1}$ 。
- 38、设矩阵 $A=[110]$, 求 $(AA^T)^{-1}$ 。
- 39、设矩阵 $A=[12-3], B=[1-30]$, 求解矩阵方程 $XA=B$...
- 40、设矩阵 $A=[23-1]$, 求 A^{-1} 。
- 41、已知 $AX=B$, 其中 $A=[122], B=[2]$, 求 X 。
- 42、已知 $AX=B$, 其中 $A=[123], B=[23]$, 求 X ...

1、解矩阵方程 $([22]-1)X=[34]$ 。

解矩阵方程 $(\begin{bmatrix} 2 & -2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} - I)X = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ -1 & 6 \end{bmatrix}$

解：矩阵方程可化简为

$$(\begin{bmatrix} 2 & -2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} - I)X = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ -1 & 6 \end{bmatrix}$$

即

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & -5 \end{bmatrix} X = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ -1 & 6 \end{bmatrix}$$

因此

$$X = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & -5 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ -1 & 6 \end{bmatrix}$$

又由

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & 1 & 0 \\ 3 & -5 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -2 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & -3 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -2 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & -3 & 1 \end{bmatrix}$$

可得 $\begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & -5 \end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix} -5 & 2 \\ -3 & 1 \end{bmatrix}$

因此, $X = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & -5 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ -1 & 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -5 & 2 \\ -3 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ -1 & 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -17 & -8 \\ -10 & -6 \end{bmatrix}$

2、解矩阵方程 $X[12]=[10]$ 。

解矩阵方程 $X \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -2 \end{bmatrix}$

13. 解: 因为

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 0 \\ 3 & 5 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & -3 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -5 & 2 \\ 0 & -1 & -3 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -5 & 2 \\ 0 & 1 & 3 & -1 \end{bmatrix},$$

所以 $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 5 \end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix} -5 & 2 \\ 3 & -1 \end{bmatrix}$10分

因此 $X = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 5 \end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -5 & 2 \\ 3 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -5 & 2 \\ -6 & 2 \end{bmatrix}$15分

3. 求 λ 取何值时, 线性方程组 $\{x_1+x_2+x_3=1$ 有解? 有解时求其一般解.

当 λ 取何值时, 线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 1 \\ 2x_1 + x_2 - 4x_3 = \lambda \\ -x_1 + 5x_3 = 1 \end{cases}$ 有解? 有解时求其一般解.

14. 解: 因为增广矩阵

$$\bar{A} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & -4 & \lambda \\ -1 & 0 & 5 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & -6 & \lambda-2 \\ 0 & 1 & 6 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -5 & -1 \\ 0 & 1 & 6 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & \lambda \end{bmatrix}$$

所以, 当 $\lambda=0$ 时, 方程组有解.10分

此时, 方程组的一般解为 $\begin{cases} x_1 = 5x_3 - 1 \\ x_2 = -6x_3 + 2 \end{cases}$, 其中 x_3 是自由未知量.15分

4. 求 λ 取何值时, 线性方程组 $\{x_1-x_2+x_4=2$ 有解, 在有解的情况下求方程组的一般解.

14. 当 λ 取何值时, 线性方程组

$$\begin{cases} x_1 - x_2 + x_4 = 2 \\ x_1 - 2x_2 + x_3 + 4x_4 = 3 \\ 2x_1 - 3x_2 + x_3 + 5x_4 = \lambda + 2 \end{cases}$$

有解, 在有解的情况下求方程组的一般解.

14. 解: 将方程组的增广矩阵化为阶梯形

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 2 \\ 1 & -2 & 1 & 4 & 3 \\ 2 & -3 & 1 & 5 & \lambda+2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & 1 & 3 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & 3 & \lambda-2 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & 1 & 3 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \lambda-3 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & -1 & -3 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \lambda-3 \end{bmatrix}$$

由此可知当 $\lambda \neq 3$ 时, 方程组无解. 当 $\lambda=3$ 时, 方程组有解.

所以一般解为 $\begin{cases} x_1 = x_3 + 2x_4 + 1 \\ x_2 = x_3 + 3x_4 - 1 \end{cases}$ (其中 x_3, x_4 是自由未知量)

5. 求 λ 为何值时, 齐次线性方程组 $\{x_1+2x_2+\lambda x_3=0$ 有非零解, 并求其一般解.

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + \lambda x_3 = 0 \\ 2x_1 + 5x_2 - x_3 = 0 \\ x_1 + x_2 + 13x_3 = 0 \end{cases}$$
 有非零解, 并求其一般解.

解:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & \lambda \\ 2 & 5 & -1 \\ 1 & 1 & 13 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & \lambda \\ 0 & 1 & -1-2\lambda \\ 0 & -1 & 13-\lambda \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & \lambda \\ 0 & 1 & -1-2\lambda \\ 0 & 0 & 12-3\lambda \end{bmatrix}$$

当 $\lambda=4$ 时, 方程组有非零解,

且方程组的一般解为 $\begin{cases} x_1 = -22x_3 \\ x_2 = 9x_3 \end{cases}$ (x_3 是自由未知量)

6. 求 λ 为何值时, 线性方程组 $\{x_1+x_2-x_3=3$, 有解, 并求一般解.

$$\begin{cases} x_1 + x_2 - x_3 = 3 \\ 2x_1 + x_2 - 4x_3 = \lambda \\ -x_1 + 2x_2 + 7x_3 = -9 \end{cases}$$

14. 解:对增广矩阵做初等行变换,可得

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & -3 \\ 2 & 1 & -4 & \lambda \\ -1 & 2 & 7 & -9 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & -3 \\ 0 & -1 & -2 & \lambda+6 \\ 0 & 3 & 6 & -12 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & -3 \\ 0 & 1 & 2 & -4 \\ 0 & 0 & 0 & \lambda+2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -3 & 1 \\ 0 & 1 & 2 & -4 \\ 0 & 0 & 0 & \lambda+2 \end{bmatrix}$$

因此,当 $\lambda+2=0$ 即 $\lambda=-2$ 时,方程组有解.

方程组的一般解为 $\begin{cases} x_1=3x_3+1 \\ x_2=-2x_3-4 \end{cases}$, 其中 x_3 是自由未知量.

7. 求 λ 为何值时,线性方程组 $\{x_1-x_2+4x_3=2, 2x_1-x_2-x_3=1, 3x_1-2x_2+3x_3=\lambda\}$ 有解,并求一般解.

$$\begin{cases} x_1-x_2+4x_3=2 \\ 2x_1-x_2-x_3=1 \\ 3x_1-2x_2+3x_3=\lambda \end{cases} \text{有解, 并求一般解.}$$

14. 解:对增广矩阵做初等行变换,可得

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 & 4 & 2 \\ 2 & -1 & -1 & 1 \\ 3 & -2 & 3 & \lambda \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 4 & 2 \\ 0 & 1 & -9 & -3 \\ 0 & 1 & -9 & \lambda-6 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -5 & -1 \\ 0 & 1 & -9 & -3 \\ 0 & 0 & 0 & \lambda-3 \end{bmatrix}$$

因此,当 $\lambda-3=0$ 即 $\lambda=3$ 时,方程组有解.

方程组的一般解为 $\begin{cases} x_1=5x_3-1 \\ x_2=9x_3-3 \end{cases}$, 其中 x_3 是自由未知量.

8. 求 λ 为何值时,线性方程组 $\{x_1+x_2-x_3=-3, 2x_1+x_2-4x_3=\lambda, -x_1+2x_2+7x_3=-9\}$ 有解,并求一般解.

$$\begin{cases} x_1+x_2-x_3=-3 \\ 2x_1+x_2-4x_3=\lambda \\ -x_1+2x_2+7x_3=-9 \end{cases}$$

求 λ 为何值时,线性方程组有解,并求一般解.

解:对增广矩阵做初等行变换,可得

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & -3 \\ 2 & 1 & -4 & \lambda \\ -1 & 2 & 7 & -9 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & -3 \\ 0 & -1 & -2 & \lambda+6 \\ 0 & 3 & 6 & -12 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & -3 \\ 0 & 1 & 2 & -4 \\ 0 & 0 & 0 & \lambda+2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -3 & 1 \\ 0 & 1 & 2 & -4 \\ 0 & 0 & 0 & \lambda+2 \end{bmatrix}$$

因此,当 $\lambda+2=0$ 即 $\lambda=-2$ 时,方程组有解,

方程组的一般解为 $\begin{cases} x_1=3x_3+1 \\ x_2=-2x_3-4 \end{cases}$, 其中 x_3 是自由未知量.

9. 求非齐次线性方程组 $\{x_1+2x_2+x_3=8, 2x_1+x_2-x_3=7, x_1-2x_2-3x_3=-4\}$ 的一般解.

$$\text{求非齐次线性方程组 } \begin{cases} x_1+2x_2+x_3=8 \\ 2x_1+x_2-x_3=7 \\ x_1-2x_2-3x_3=-4 \end{cases} \text{ 的一般解.}$$

14. 解:对增广矩阵做初等行变换,可得

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 8 \\ 2 & 1 & -1 & 7 \\ 1 & -2 & -3 & -4 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 8 \\ 0 & -3 & -3 & -9 \\ 0 & -4 & -4 & -12 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 8 \\ 0 & 1 & 1 & 3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 & 2 \\ 0 & 1 & 1 & 3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

因此,方程组的一般解为 $\begin{cases} x_1=x_3+2 \\ x_2=-x_3+3 \end{cases}$, 其中 x_3 是自由未知量.

10. 求非齐次线性方程组 $\{x_1+x_2+x_3=3, 3x_1+x_2-3x_3=5, 2x_1+x_2-x_3=4\}$ 的一般解.

$$\text{求非齐次线性方程组 } \begin{cases} x_1+x_2+x_3=3 \\ 3x_1+x_2-3x_3=5 \\ 2x_1+x_2-x_3=4 \end{cases} \text{ 的一般解.}$$

解:对增广矩阵做初等行变换,可得

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 3 \\ 3 & 1 & -3 & 5 \\ 2 & 1 & -1 & 4 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 3 \\ 0 & -2 & -6 & -4 \\ 0 & -1 & -3 & -2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & 3 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

因此,方程组的一般解为 $\begin{cases} x_1=2x_3+1 \\ x_2=-3x_3+2 \end{cases}$, 其中 x_3 是自由未知量.

11. 求齐次线性方程组 $\{x_1+2x_2-x_3=0, x_1+2x_2-x_3=0\}$ 的一般解.

求齐次线性方程组 $\begin{cases} x_1 + 2x_2 - x_4 = 2 \\ -x_1 + x_2 - 3x_3 + 2x_4 = 0 \\ 2x_1 - x_2 + 5x_3 - 3x_4 = 0 \end{cases}$ 的一般解。

14. 解: 因为系数矩阵

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ -1 & 1 & -3 & 2 \\ 2 & -1 & 5 & -3 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & -1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \dots\dots\dots$$

所以一般解为 $\begin{cases} x_1 = -2x_3 + x_4 \\ x_2 = x_3 - x_4 \end{cases}$ (其中 x_3, x_4 是自由未知量)。

12. 求齐次线性方程组 $\begin{cases} x_1 + 2x_3 - x_4 = 0 \\ -x_1 + x_2 - 3x_3 + 2x_4 = 0 \\ 2x_1 - x_2 + 5x_3 - 3x_4 = 0 \end{cases}$ 的一般解。

$$\begin{cases} x_1 + 2x_3 - x_4 = 0 \\ -x_1 + x_2 - 3x_3 + 2x_4 = 0 \\ 2x_1 - x_2 + 5x_3 - 3x_4 = 0 \end{cases}$$

解: 对系数矩阵 A 做初等行变换, 可得

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ -1 & 1 & -3 & 2 \\ 2 & -1 & 5 & -3 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \dots\dots\dots 10 \text{分}$$

因此, 方程组的一般解为 $\begin{cases} x_1 = -2x_3 + x_4 \\ x_2 = x_3 - x_4 \end{cases}$, 其中 x_3, x_4 是自由未知量。 $\dots\dots\dots 15 \text{分}$

13. 求齐次线性方程组 $\begin{cases} x_1 + 2x_3 - x_4 = 0 \\ -x_1 + x_2 - 3x_3 + 2x_4 = 0 \\ 2x_1 - x_2 + 5x_3 - 3x_4 = 0 \end{cases}$ 的一般解。

求齐次线性方程组 $\begin{cases} x_1 + 2x_3 - x_4 = 0 \\ -x_1 + x_2 - 3x_3 + 2x_4 = 0 \\ 2x_1 - x_2 + 5x_3 - 3x_4 = 0 \end{cases}$ 的一般解。

$$\text{解: } A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ -1 & 1 & -3 & 2 \\ 2 & -1 & 5 & -3 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

所以, 方程的一般解为

$$\begin{cases} x_1 = -2x_3 + x_4 \\ x_2 = x_3 - x_4 \end{cases} \text{ (其中 } x_3, x_4 \text{ 是自由未知量)}$$

10解: 将方程组的增广矩阵化为阶梯形

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 & 4 & 2 \\ 2 & -1 & -1 & 1 \\ 3 & -2 & 3 & \lambda \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 4 & 2 \\ 0 & 1 & -9 & -3 \\ 0 & 1 & -9 & \lambda - 6 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -5 & -1 \\ 0 & 1 & -9 & -3 \\ 0 & 0 & 0 & \lambda - 3 \end{bmatrix}$$

由此可知当 $\lambda \neq 3$ 时, 方程组无解。当 $\lambda = 3$ 时, 方程组有解。

且方程组的一般解为 $\begin{cases} x_1 = 5x_3 - 1 \\ x_2 = 9x_3 + 3 \end{cases}$ (其中 x_3 为自由未知量)

14. 求齐次线性方程组 $\begin{cases} x_1 + 3x_2 - x_3 = 0 \\ 2x_1 + 7x_2 - 4x_3 = 0 \\ -x_1 - 4x_2 + 3x_3 = 0 \end{cases}$ 的一般解。

$$\begin{cases} x_1 + 3x_2 - x_3 = 0 \\ 2x_1 + 7x_2 - 4x_3 = 0 \\ -x_1 - 4x_2 + 3x_3 = 0 \end{cases}$$

14. 解: 对系数矩阵 A 做初等行变换, 可得

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & -1 \\ 2 & 7 & -4 \\ -1 & -4 & 3 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 3 & -1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 0 & -1 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 5 \\ 0 & 1 & -2 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

因此, 方程组的一般解为 $\begin{cases} x_1 = -5x_3 \\ x_2 = 2x_3 \end{cases}$, 其中 x_3 为自由未知量。

15. 求齐次线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 + 2x_3 - x_4 = 0 \\ -x_1 + x_2 - 3x_3 + 2x_4 = 0 \\ 2x_1 - x_2 + 5x_3 - 3x_4 = 0 \end{cases}$ 的一般解。

求齐次线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 + 2x_3 - x_4 = 0 \\ -x_1 - 3x_3 + 2x_4 = 0 \\ 2x_1 + x_2 + 5x_3 - 3x_4 = 0 \end{cases}$ 的一般解。

14. 解: 因为系数矩阵

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 & -1 \\ -1 & 0 & -3 & 2 \\ 2 & 1 & 5 & -3 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 3 & -2 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

所以一般解为 $\begin{cases} x_1 = -3x_3 + 2x_4 \\ x_2 = x_3 - x_4 \end{cases}$ (其中 x_3, x_4 是自由未知量)

16. 求齐次线性方程组 $\{x_1 + x_2 + x_3 = 0$ 的一般解。

求齐次线性方程组

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 0 \\ 2x_1 - x_2 + 8x_3 + 3x_4 = 0 \\ 2x_1 + 3x_2 - x_4 = 0 \end{cases} \text{ 的一般解。}$$

14. 解: 因为系数矩阵

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 \\ 2 & -1 & 8 & 3 \\ 2 & 3 & 0 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 6 & 3 \\ 0 & 1 & -2 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 3 & 1 \\ 0 & 1 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

所以方程组的一般解为 $\begin{cases} x_1 = -3x_3 - x_4 \\ x_2 = 2x_3 + x_4 \end{cases}$, 其中 x_3, x_4 是自由未知量。

17. 求线性方程组 $\{2x_2 - 5x_3 + 2x_4 = 0$ 的一般解。

14. 求下列线性方程组

$$\begin{cases} 2x_1 - 5x_2 + 2x_3 - 3x_4 = 0 \\ x_1 + 2x_2 - x_3 + 3x_4 = 0 \\ -2x_1 + 14x_2 - 6x_3 + 12x_4 = 0 \end{cases}$$

的一般解。

解: 系数矩阵

$$A = \begin{bmatrix} 2 & -5 & 2 & -3 \\ 1 & 2 & -1 & 3 \\ -2 & 14 & -6 & 12 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 & 3 \\ 0 & -9 & 4 & -9 \\ 0 & 18 & -8 & 18 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -\frac{1}{9} & 1 \\ 0 & 1 & -\frac{4}{9} & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

\therefore 一般解为 $\begin{cases} x_1 = \frac{1}{9}x_3 - x_4 \\ x_2 = \frac{4}{9}x_3 - x_4 \end{cases}$ (其中 x_3, x_4 是自由未知量)

18. 求线性方程组 $\{x_1 + 2x_3 - x_4 = 0$ 的一般解。

14. 求下列线性方程组

$$\begin{cases} x_1 + 2x_3 - x_4 = 0 \\ -x_1 + x_2 - 3x_3 + 2x_4 = 0 \\ 2x_1 - x_2 + 5x_3 - 3x_4 = 0 \end{cases}$$

的一般解。

14. 解: 因为系数矩阵

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ -1 & 1 & -3 & 2 \\ 2 & -1 & 5 & -3 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (12 \text{分})$$

所以一般解为 $\begin{cases} x_1 = -2x_3 + x_4 \\ x_2 = x_3 - x_4 \end{cases}$ (其中 x_3, x_4 是自由未知量) (15分)

19. 求线性方程组 $\begin{cases} x_1 + 2x_3 = -1 \\ -x_1 + x_2 - 3x_3 = 2 \\ 2x_1 - x_2 + 5x_3 = -3 \end{cases}$ 的一般解。

$$\text{求线性方程组 } \begin{cases} x_1 + 2x_3 = -1 \\ -x_1 + x_2 - 3x_3 = 2 \\ 2x_1 - x_2 + 5x_3 = -3 \end{cases} \text{ 的一般解.}$$

14. 解 因为增广矩阵

$$\bar{A} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ -1 & 1 & -3 & 2 \\ 2 & -1 & 5 & -3 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

所以一般解为:

$$\begin{cases} x_1 = -2x_3 - 1 \\ x_2 = x_3 + 1 \end{cases} \quad (\text{其中 } x_3 \text{ 为自由未知量})$$

20. 求线性方程组 $\begin{cases} x_1 - 3x_2 + x_3 - x_4 = 1 \\ -2x_1 + 7x_2 - 2x_3 + x_4 = -2 \\ x_1 - 4x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 1 \\ 2x_1 - 4x_2 + 8x_3 + 2x_4 = 2 \end{cases}$ 的一般解。

$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 + x_3 - x_4 = 1 \\ -2x_1 + 7x_2 - 2x_3 + x_4 = -2 \\ x_1 - 4x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 1 \\ 2x_1 - 4x_2 + 8x_3 + 2x_4 = 2 \end{cases}$$

解: 将方程组的增广矩阵化为阶梯形

$$\begin{bmatrix} 1 & -3 & 1 & -1 & 1 \\ -2 & 7 & -2 & 1 & -2 \\ 1 & -4 & 3 & 2 & 1 \\ 2 & -4 & 8 & 2 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -3 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & -1 & 2 & 3 & 0 \\ 0 & 2 & 6 & 4 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -3 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 2 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 6 & 6 & 0 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -3 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 2 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

方程组的一般解为

$$\begin{cases} x_1 = 1 + 5x_4 \\ x_2 = x_4 \\ x_3 = -x_4 \end{cases} \quad (\text{其中 } x_4 \text{ 为自由未知量})$$

21. 求线性方程组 $\begin{cases} x_1 - 3x_2 - 2x_3 - x_4 = 1 \\ 3x_1 - 8x_2 - 4x_3 - x_4 = 0 \\ -2x_1 + x_2 - 4x_3 + 2x_4 = 1 \\ -x_1 - 2x_2 - 6x_3 + x_4 = 2 \end{cases}$ 的一般解。

$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 - 2x_3 - x_4 = 1 \\ 3x_1 - 8x_2 - 4x_3 - x_4 = 0 \\ -2x_1 + x_2 - 4x_3 + 2x_4 = 1 \\ -x_1 - 2x_2 - 6x_3 + x_4 = 2 \end{cases} \text{ 的一般解.}$$

解: 将方程组的增广矩阵化为阶梯形

$$\begin{bmatrix} 1 & -3 & -2 & -1 & 1 \\ 3 & -8 & -4 & -1 & 0 \\ -2 & 1 & -4 & 2 & 1 \\ -1 & -2 & -6 & 1 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -3 & -2 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 2 & 2 & -3 \\ 0 & -5 & -8 & 0 & 3 \\ 0 & -5 & -8 & 0 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -3 & -2 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 2 & 2 & -3 \\ 0 & 0 & 2 & 10 & -12 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -15 & 16 \\ 0 & 1 & 0 & -8 & 9 \\ 0 & 0 & 1 & 5 & -6 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

由此得到方程组的一般解

$$\begin{cases} x_1 = 15x_4 + 16 \\ x_2 = 8x_4 + 9 \quad (\text{其中 } x_4 \text{ 是自由未知量}) \\ x_3 = -5x_4 - 6 \end{cases}$$

22、求线性方程组 $\{x_1-3x_2-2x_3-x_4=2$

$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 - 2x_3 - x_4 = 2 \\ 3x_1 - 8x_2 - 4x_3 - x_4 = 0 \\ -2x_1 + x_2 - 4x_3 + 2x_4 = 1 \\ -x_1 - 2x_2 - 6x_3 + x_4 = 2 \end{cases} \text{ 的一般解。}$$

14. 解: 将方程组的增广矩阵化为阶梯形

$$\begin{bmatrix} 1 & -3 & -2 & -1 & 1 \\ 3 & -8 & -4 & -1 & 0 \\ -2 & 1 & -4 & 2 & 1 \\ -1 & -2 & -6 & 1 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -3 & -2 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 2 & 2 & -3 \\ 0 & -5 & -8 & 0 & 3 \\ 0 & -5 & -8 & 0 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -3 & -2 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 2 & 2 & -3 \\ 0 & 0 & 2 & 10 & -12 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -15 & 16 \\ 0 & 1 & 0 & -8 & 9 \\ 0 & 0 & 1 & 5 & -6 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

由此得到方程组的一般解

23、求线性方程组 $\{x_1-x_2+x_4=2$ 的一般解。

$$\begin{cases} x_1 - x_2 + x_4 = 2 \\ x_1 - 2x_2 + x_3 + 4x_4 = 3 \\ 2x_1 - 3x_2 + x_3 + 5x_4 = 5 \end{cases} \text{ 的一般解。}$$

$$14. \text{ 解: 因为 } \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 2 \\ 1 & -2 & 1 & 4 & 3 \\ 2 & -3 & 1 & 5 & 5 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & 1 & 3 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & 3 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & 1 & 3 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & -1 & -3 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

故方程组的一般解为:

$$\begin{cases} x_1 = x_3 + 2x_4 + 1 \\ x_2 = x_3 + 3x_4 - 1 \end{cases} \quad (\text{其中 } x_3, x_4 \text{ 是自由未知量})$$

24、设 $A = [-113]$, 求 $(I+A)^{-1}$.

设 $A = \begin{bmatrix} -1 & 1 & 3 \\ 1 & -1 & 5 \\ 1 & -2 & -1 \end{bmatrix}$, 求 $(I+A)^{-1}$.

解: $I+A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -1 & 1 & 3 \\ 1 & -1 & 5 \\ 1 & -2 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 3 \\ 1 & 0 & 5 \\ 1 & -2 & 0 \end{bmatrix}$

$$[I+A \quad I] = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 5 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & -2 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 5 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & -2 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 5 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -5 & 0 & -1 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 5 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 2 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -10 & 6 & -5 \\ 0 & 1 & 0 & -5 & 3 & -3 \\ 0 & 0 & 1 & 2 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

因此, $(I+A)^{-1} = \begin{bmatrix} 10 & 6 & -5 \\ -5 & 3 & -3 \\ 2 & -1 & 1 \end{bmatrix}$

25、设 $A=[10], B=[310]$, 求 $(A^T B)^{-1}$

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 2 & -1 \\ -4 & 3 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 3 & 10 \\ 3 & -2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$, 求 $(A^T B)^{-1}$.

13. 解: $A^T B = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -4 \\ 0 & -1 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 10 \\ 3 & -2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 5 \end{bmatrix}$

$$[A^T B \quad I] = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 0 \\ 3 & 5 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & -3 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -5 & 2 \\ 0 & 1 & 3 & -1 \end{bmatrix}$$

因此, $(A^T B)^{-1} = \begin{bmatrix} -5 & 2 \\ 3 & -1 \end{bmatrix}$

26、设 $A=[12-3], B=[1-30]$, 求解矩阵方程 $XA=B$.

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 3 & 2 & -4 \\ 2 & -1 & 0 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 1 & -3 & 0 \\ 0 & 2 & 7 \end{bmatrix}$, 求解矩阵方程 $XA=B$.

解: $(A \quad I) = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 & 1 & 0 & 0 \\ 3 & 2 & -4 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & -1 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -4 & 5 & -3 & 1 & 0 \\ 0 & -5 & 6 & -2 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 & -1 & 1 & -1 \\ 0 & -5 & 6 & -2 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 & -1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & -7 & 5 & 4 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -4 & 3 & -2 \\ 0 & 1 & 0 & -8 & 6 & -5 \\ 0 & 0 & 1 & -7 & 5 & -4 \end{bmatrix} \cdot A^{-1} = \begin{bmatrix} -4 & 3 & -2 \\ -8 & 6 & -5 \\ -7 & 5 & -4 \end{bmatrix}$$

$$X = BA^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & -3 & 0 \\ 0 & 2 & 7 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -4 & 3 & -2 \\ -8 & 6 & -5 \\ -7 & 5 & -4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 20 & -15 & 13 \\ -65 & 47 & -38 \end{bmatrix}$$

27、设 $A=[210]$, 求 $(A-I)^{-1}$.

设 $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 2 & 2 & -1 \\ 3 & 4 & 3 \end{bmatrix}$, 求 $(A-I)^{-1}$.

解: $A-I = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 2 & 2 & -1 \\ 3 & 4 & 3 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & -1 \\ 3 & 4 & 2 \end{bmatrix}$

$$[A-I \quad I] = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 2 & 1 & -1 & 0 & 1 & 0 \\ 3 & 4 & 2 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \xrightarrow{I} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & -1 & -2 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & -3 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 2 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -5 & 1 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 7 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & -5 & 1 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -6 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 7 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & -5 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

因此, $(A-I)^{-1} = \begin{bmatrix} -6 & 2 & 1 \\ 7 & -2 & -1 \\ -5 & 1 & 1 \end{bmatrix}$.

28、设矩阵 $A=[-1316-3], B=[1]$, 求 $A^{-1}B$.

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} -13 & -6 & -3 \\ -4 & -2 & -1 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix}$, 求 A^{-1} .

解: 因为 $(A \ I) = \begin{bmatrix} -13 & -6 & -3 & 1 & 0 & 0 \\ -4 & -2 & -1 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 4 & 1 & 0 & 7 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \\ 2 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 4 & 1 & 0 & 7 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & -7 & -2 & 0 & -13 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & -4 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & 0 & -2 & 7 & 1 \end{bmatrix}$

$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 & 3 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & -2 & 7 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 & 3 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 2 & -7 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$

所以 $A^{-1} = \begin{bmatrix} -1 & 3 & 0 \\ 2 & -7 & -1 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$

29、设矩阵 $A = [-13 \ 16 \ 3]$, 求.

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} -13 & -6 & -3 \\ -4 & -2 & -1 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{bmatrix}$, 求 $A^{-1}B$.

13. 解: 因为 $(A \ I) = \begin{bmatrix} -13 & -6 & -3 & 1 & 0 & 0 \\ -4 & -2 & -1 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 4 & 1 & 0 & 7 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \\ 2 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 4 & 1 & 0 & 7 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & -7 & -2 & 0 & -13 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & -4 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & 0 & -2 & 7 & 1 \end{bmatrix}$

$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 & 3 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & -2 & 7 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 & 3 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 2 & -7 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$

即 $A^{-1} = \begin{bmatrix} -1 & 3 & 0 \\ 2 & -7 & -1 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$

所以 $A^{-1}B = \begin{bmatrix} -1 & 3 & 0 \\ 2 & -7 & -1 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \\ -2 \end{bmatrix}$

30、设矩阵 $A = [0 \ 12]$, $B = [2 \ 13]$, 求解矩阵方程 $XA = B$.

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 1 & 1 & -1 \\ 2 & 4 & 3 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \\ -3 & 5 & 6 \end{bmatrix}$, 求解矩阵方程 $XA = B$.

解: 由 $XA = B$ 可得 $X = BA^{-1}$.

$[AI] = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & -1 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 4 & 3 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 5 & 0 & -2 & 1 \end{bmatrix}$

$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -2 & -2 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & -2 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 5 & 4 & -2 \\ 0 & 0 & 1 & -2 & -2 & 1 \end{bmatrix}$

$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -7 & -5 & 3 \\ 0 & 1 & 0 & 5 & 4 & -2 \\ 0 & 0 & 1 & -2 & -2 & 1 \end{bmatrix}$

由此可得 $A^{-1} = \begin{bmatrix} -7 & -5 & 3 \\ 5 & 4 & -2 \\ -2 & -2 & 1 \end{bmatrix}$

因此, $X = BA^{-1} = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \\ -3 & 5 & 6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -7 & -5 & 3 \\ 5 & 4 & -2 \\ -2 & -2 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -15 & -12 & 7 \\ 34 & 23 & -13 \end{bmatrix}$

31、设矩阵 $A = [0 \ 1 \ 3]$, $B = [25]$, I 是 3 阶单位矩阵, 求 $(I - A)^{-1}B$.

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 0 & -1 & -3 \\ -2 & -2 & -7 \\ -3 & -4 & -8 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 0 & 1 \\ -3 & 0 \end{bmatrix}$, I 是 3 阶单位矩阵, 求 $(I - A)^{-1}B$.

13. 解: 由矩阵减法运算得

$$I - A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 & -1 & -3 \\ -2 & -2 & -7 \\ -3 & -4 & -8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 2 & 3 & 7 \\ 3 & 4 & 9 \end{bmatrix}$$

利用初等行变换得

$$\begin{aligned} & \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 2 & 3 & 7 & 0 & 1 & 0 \\ 3 & 4 & 9 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & -2 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & -3 & 0 & 1 \end{bmatrix} \\ \rightarrow & \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & -2 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & -1 & -1 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & -2 & -3 & 3 \\ 0 & 1 & 0 & -3 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & -1 \end{bmatrix} \\ \rightarrow & \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 & -3 & 2 \\ 0 & 1 & 0 & -3 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & -1 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

即 $(I - A)^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & -3 & 2 \\ -3 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \end{bmatrix}$

由矩阵乘法运算得

$$(I - A)^{-1}B = \begin{bmatrix} 1 & -3 & 2 \\ -3 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 0 & 1 \\ -3 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 & 2 \\ -9 & -15 \\ 5 & 6 \end{bmatrix}$$

32. 设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & -1 \\ 3 & 4 & 1 \end{bmatrix}$, $I = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ 求 $(I + A)^{-1}$.

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & -1 \\ 3 & 4 & 1 \end{bmatrix}$, $I = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$, 求 $(I + A)^{-1}$.

解: 因为 $I + A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & -1 \\ 3 & 4 & 2 \end{bmatrix}$

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 2 & 1 & -1 & 0 & 1 & 0 \\ 3 & 4 & 2 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & -1 & -2 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & -3 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 2 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -5 & 1 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 7 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & -5 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -6 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 7 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & -5 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

所以 $(I + A)^{-1} = \begin{bmatrix} -6 & 2 & 1 \\ 7 & -2 & -1 \\ -5 & 1 & 1 \end{bmatrix}$

33. 设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 1 & 1 & -1 \\ 2 & 4 & 3 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \end{bmatrix}$, 求解矩阵方程 $XA = B$.

13. 解: 由 $XA = B$ 可得 $X = BA^{-1}$3分

$$[A \quad I] = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & -1 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 4 & 3 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 5 & 0 & -2 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -2 & -2 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & -2 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 5 & 4 & -2 \\ 0 & 0 & 1 & -2 & -2 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -7 & -5 & 3 \\ 0 & 1 & 0 & 5 & 4 & -2 \\ 0 & 0 & 1 & -2 & -2 & 1 \end{bmatrix}$$

由此可得 $A^{-1} = \begin{bmatrix} -7 & -5 & 3 \\ 5 & 4 & -2 \\ -2 & -2 & 1 \end{bmatrix}$

因此, $X = BA^{-1} = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \\ -3 & 5 & 6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -7 & -5 & 3 \\ 5 & 4 & -2 \\ -2 & -2 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -15 & -12 & 7 \\ 34 & 23 & -13 \end{bmatrix}$

34. 设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$, 计算 $(A^T B)^{-1}$.

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$, 计算 $(A^T B)^{-1}$.

13. 解: 因为 $A^T B = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ -1 & 3 \end{bmatrix}$

所以由公式得 $(A^T B)^{-1} = \frac{1}{(-1) \times 3 - 2 \times (-1)} \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -3 & 2 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$

35、设矩阵 $A=[1-10], B=[200]$, 求 $A^{-1}B$ 。

13. 设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & 1 \\ 2 & 2 & 3 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 5 & 0 \\ 0 & 0 & 5 \end{bmatrix}$, 求 $A^{-1}B$ 。

解: 利用初等行变换得

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 2 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 2 & 3 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 4 & 3 & -2 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & -6 & -4 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & -5 & -3 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 6 & 4 & -1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -4 & -3 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & -5 & -3 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 6 & 4 & -1 \end{bmatrix}$$

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} -4 & -3 & 1 \\ -5 & -3 & 1 \\ 6 & 4 & -1 \end{bmatrix}$$

即

由矩阵乘法得

$$A^{-1}B = \begin{bmatrix} -4 & -3 & 1 \\ -5 & -3 & 1 \\ 6 & 4 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 5 & 0 \\ 0 & 0 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -8 & -15 & 5 \\ -10 & -15 & 5 \\ 12 & 20 & -5 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

所以一般解为 $\begin{cases} x_1 = -2x_3 + x_4 \\ x_2 = x_3 - x_4 \end{cases}$ (其中 x_3, x_4 是自由未知量)

36、设矩阵 $A=[100]$, 求 $(AA^T)^{-1}$ 。

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & -1 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \text{求 } (AA^T)^{-1}.$$

解: 由矩阵乘法和转置运算得

$$AA^T = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & -1 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 1 & 3 & -2 \\ -1 & -2 & 2 \end{bmatrix}$$

利用初等行变换得

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 3 & -2 & 0 & 1 & 0 \\ -1 & -2 & 2 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & -1 & -1 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 2 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 2 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\text{即 } (AA^T)^{-1} = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \end{bmatrix} \dots\dots\dots$$

37、设矩阵 $A=[10], B=[01]$, 求 $(B^T A)^{-1}$.

$$\text{设矩阵 } A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}, \text{ 求 } (B^T A)^{-1}.$$

13. 解: 因为

$$B^T A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ -1 & 3 \end{bmatrix} \dots\dots\dots$$

所以由公式可得

$$(B^T A)^{-1} = \frac{1}{(-1) \times 3 - 2 \times (-1)} \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -3 & 2 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$$

38、设矩阵 $A=[110]$, 求 $(AA^T)^{-1}$.

$$\text{设矩阵 } A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}, \text{ 计算 } (AA^T)^{-1}.$$

$$13. \text{ 解: } AA^T = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$$

因为

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & 0 \\ 0 & \frac{3}{2} & -\frac{1}{2} & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & 0 \\ 0 & 1 & -\frac{1}{3} & \frac{2}{3} \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & \frac{2}{3} & -\frac{1}{3} \\ 0 & 1 & -\frac{1}{3} & \frac{2}{3} \end{bmatrix},$$

$$\text{所以 } (AA^T)^{-1} = \begin{bmatrix} \frac{2}{3} & -\frac{1}{3} \\ -\frac{1}{3} & \frac{2}{3} \end{bmatrix}.$$

39、设矩阵 $A=[12-3], B=[1-30]$, 求解矩阵方程 $XA=B$.

$$\text{设矩阵 } A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 3 & 2 & -4 \\ 2 & -1 & 0 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 1 & -3 & 0 \\ 0 & 2 & 7 \end{bmatrix}, \text{ 求解矩阵方程 } XA=B.$$

解: 由 $XA=B$ 可得 $X=BA^{-1}$

$$[A^{-1}] = \begin{bmatrix} 1 \cdot 2 & -3 \cdot 1 & 0 \cdot 0 \\ 3 \cdot 2 & -4 \cdot 0 & 1 \cdot 0 \\ 2 \cdot -1 & 0 \cdot 0 & 0 \cdot 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 \cdot 2 & -3 \cdot 1 & 0 \cdot 0 \\ 0 \cdot -4 & 5 \cdot -3 & 1 \cdot 0 \\ 0 \cdot -5 & 6 \cdot -2 & 0 \cdot 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 \cdot 2 & -3 \cdot 1 & 0 \cdot 0 \\ 0 \cdot 1 & -1 \cdot -1 & 1 \cdot -1 \\ 0 \cdot -5 & 6 \cdot -2 & 0 \cdot 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 \cdot 0 & -1 \cdot 3 & -2 \cdot 2 \\ 0 \cdot 1 & -1 \cdot -1 & 1 \cdot -1 \\ 0 \cdot 0 & 1 \cdot -7 & 5 \cdot -4 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 \cdot 0 \cdot 0 & -4 & 3 \cdot -2 \\ 0 \cdot 1 \cdot 0 & -8 & 6 \cdot -5 \\ 0 \cdot 0 \cdot 1 & -7 & 5 \cdot -4 \end{bmatrix}$$

$$\text{由此可得 } A^{-1} = \begin{bmatrix} -4 & 3 & -2 \\ -8 & 6 & -5 \\ -7 & 5 & -4 \end{bmatrix}.$$

$$\text{因此, } X = BA^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & -3 & 0 \\ 0 & 2 & 7 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -4 & 3 & -2 \\ -8 & 6 & -5 \\ -7 & 5 & -4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 20 & -15 & 13 \\ -65 & 47 & -38 \end{bmatrix}.$$

40、设矩阵 $A=[23-1]$, 求 A^{-1} .

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 2 & 3 & -1 \\ 0 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$, 求 A^{-1} .

解: 因为 $[A \ I] = \begin{bmatrix} 2 & 3 & -1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 2 & 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \\ 0 & -1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 & 1 & 1 & -2 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & -1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

所以 $A^{-1} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & -1 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$.

41、已知 $AX=B$, 其中 $A=[122], B=[2]$, 求 X .

已知 $AX=B$, 其中 $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 2 \\ -1 & -1 & 0 \\ 1 & 3 & 5 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix}$, 求 X .

13. 解: 利用初等行变换得

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 3 & 5 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 3 & -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -2 & -1 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 & 5 & 2 & -2 \\ 0 & 1 & 0 & 5 & 3 & -2 \\ 0 & 0 & 1 & -2 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -5 & -4 & 2 \\ 0 & 1 & 0 & 5 & 3 & -2 \\ 0 & 0 & 1 & -2 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} -5 & -4 & 2 \\ 5 & 3 & -2 \\ -2 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

由此得

$$X = A^{-1}B = \begin{bmatrix} -5 & -4 & 2 \\ 5 & 3 & -2 \\ -2 & -1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 \\ 5 \\ -2 \end{bmatrix}$$

42、已知 $AX=B$, 其中 $A=[123], B=[23]$, 求 X .

已知 $AX=B$, 其中 $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 5 & 7 \\ 5 & 8 & 10 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 5 & 8 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$, 求 X .

解: 利用初等行变换得

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 3 & 5 & 7 & 0 & 1 & 0 \\ 5 & 8 & 10 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & -2 & -3 & 1 & 0 \\ 0 & -2 & -5 & -5 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & 3 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 1 & -2 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 & 4 & -6 & 3 \\ 0 & 1 & 0 & 5 & -5 & 2 \\ 0 & 0 & 1 & -1 & 2 & -1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -6 & 4 & -1 \\ 0 & 1 & 0 & 5 & -5 & 2 \\ 0 & 0 & 1 & -1 & 2 & -1 \end{bmatrix}$$

即: $A^{-1} = \begin{bmatrix} -6 & 4 & -1 \\ 5 & -5 & 2 \\ -1 & 2 & -1 \end{bmatrix}$

由矩阵乘法得

$$x = A^{-1}B = \begin{bmatrix} -6 & 4 & -1 \\ 5 & -5 & 2 \\ -1 & 2 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 5 & 8 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 8 & 13 \\ -15 & -23 \\ 8 & 12 \end{bmatrix}$$

- 1、某厂每天生产某种产品 q 件的成本函数为 $C(q)=\dots$
- 2、某厂生产某种产品 q 件时的总成本函数为 $C(q)=\dots$
- 3、某厂生产某种产品的总成本为 $C(x)=3+x$ (万元)...
- 4、设某产品的固定成本为 36(万元), 且边际成本为...
- 5、设生产某种产品 q 个单位时的成本函数为 $C(q)=\dots$
- 6、生产某产品的边际成本为 $C'(x)=8x$ (万元/百台)...
- 7、投产某产品的固定成本为 36(万元), 边际成本为...
- 8、投产某产品的固定成本为 36(万元), 且产量(百)...
- 9、已知某产品的边际成本为 $C'(q)=4q-3$ (万元/百台)...
- 10、已知某产品的边际成本为 $C'(x)=2$ (元/件)边际收...
- 11、已知某产品的边际成本为 $C'(x)=4x-3$ (万元/百台)...
- 12、已知某产品的边际成本为 $C'(x)=6x-4$ (万元/百台)...
- 13、已知某产品的销售价格 p (元/件)是销售量 q (件)...
- 14、已知生产某产品的边际成本为 $C'(q)=8q$ (万元/百)...
- 15、已知生产某产品的边际成本为 $C'(x)=2$ (元/件), ...

1、某厂每天生产某种产品 q 件的成本函数为 $C(q)=0.5q^2+36q+9800$ (元).

$C(q)=0.5q^2+36q+9800$ (元). 为使平均成本最低, 每天产量应为多少? 此时, 每件产品平均成本为多少?

解: 因为 $\bar{C}(q) = \frac{C(q)}{q} = 0.5q + 36 + \frac{9800}{q} (q > 0)$

$$\bar{C}'(q) = 0.5 - \frac{9800}{q^2}$$

令 $\bar{C}'(q) = 0$, 得 $q_1 = 140, q_2 = -140$ (舍去).

可以验证 $q_1 = 140$ 是平均成本函数 $\bar{C}(q)$ 的最小值点, 即使平均成本最低, 每天产量应为 140 件. 此时的平均成本为

$$\bar{C}(140) = 0.5 \times 140 + 36 + \frac{9800}{140} = 176 \text{ (元/件)}$$

2、某厂生产某种产品 q 件时的总成本函数为 $C(q)=20+4q+0.01q^2$ (元), 单位销售价格为 $p=14-0.01q$ (元/件),

$C(q)=20+4q+0.01q^2$ (元), 单位销售价格为 $p=14-0.01q$ (元/件),

问产量为多少时可使利润最大? 最大利润是多少?

15. 解: 由已知得收入函数

$$R = qp = q(14 - 0.01q) = 14q - 0.01q^2$$

利润函数

$$L = R - C = 14q - 0.01q^2 - 20 - 4q - 0.01q^2 = 10q - 20 - 0.02q^2$$

于是得到

$$L' = 10 - 0.04q$$

令 $L' = 10 - 0.04q = 0$, 解出唯一驻点 $q = 250$. 因为利润函数存在着最大值, 所

以当产量为 250 件时可使利润达到最大。

且最大利润为

$$L(250) = 10 \times 250 - 20 - 0.02 \times (250)^2 = 1230 \text{ (元)}$$

3、某厂生产某种产品的总成本为 $C(x)=3+x$ (万元), 其中 x 为产量, 单位: 百吨。边际收入为

$R'(x)=15-2x$ (万元/百吨), 求: ↵

(1) 利润最大时的产量? ↵

(2) 从利润最大时的产量再生产 1 百吨, 利润有什么变化? ↵

15. 解: (1) 因为边际成本 $C'(x) = 1$, 边际利润

$$L'(x) = R'(x) - C'(x)$$

$$= 15 - 2x - 1 = 14 - 2x$$

令 $L'(x) = 0$ 得 $x = 7$ (百吨)

又 $x = 7$ 是 $L(x)$ 的唯一驻点, 根据问题的实际意义可知

$L(x)$ 存在最大值, 故 $x = 7$ 是

$L(x)$ 的最大值点, 即当产量为 7(百吨)时, 利润最大. ……………

$$(2) L = \int_7^8 L'(x) dx = \int_7^8 (14 - 2x) dx$$

$$= (14x - x^2) \Big|_7^8 = -1$$

即从利润最大时的产量再生产 1 百吨, 利润将减少 1 万元。

4、设某产品的固定成本为 36(万元), 且边际成本为

$C'(x) = 2x + 40$ (万元/百台) 试求产量由 4 百台增至 6 百台时总成本的增量, 及产量为多少时, 可使平均成本达到最低。

解: 当产量由 4 百台增至 6 百台时, 总成本的增量为

$$\Delta C = \int_4^6 (2x + 40) dx = (x^2 + 40x) \Big|_4^6 = 100 \text{ (万元)}$$

$$\text{又 } \bar{C}(x) = \frac{\int_0^x C'(x) dx + c_0}{x} = \frac{x^2 + 40x + 36}{x}$$

$$= x + 40 + \frac{36}{x}$$

$$\text{令 } \bar{C}'(x) = 1 - \frac{36}{x^2} = 0, \text{ 解得 } x = 6.$$

又该问题确实存在使平均成本达到最低的产量, 所以当 $x=6$ 时可使平均成本达到最小。

5、设生产某种产品 q 个单位时的成本函数为 $C(q) = 100 + 0.25q^2 + 6q$ (万元), 求: ① $q=10$ 时的总成本、平均成本和边际成本; ② 产量 q 为多少时, 平均成本最小。

15. 设生产某种产品 q 个单位时的成本函数为 $C(q) = 100 + 0.25q^2 + 6q$ (万元), 求: ① $q=10$ 时的总成本、平均成本和边际成本; ② 产量 q 为多少时, 平均成本最小。

15. 解: ① 当 $q=10$ 时的总成本为

$$C(10) = 100 + 0.25 \times (10)^2 + 6 \times 10 = 185 \text{ (万元)}.$$

$$\text{平均成本为 } \bar{C}(10) = \frac{C(10)}{10} = 18.5 \text{ (万元/单位)}.$$

$$\text{边际成本为 } C'(10) = (0.5q + 6) \Big|_{q=10} = 11 \text{ (万元/单位)}. \quad \dots\dots\dots 10 \text{ 分}$$

$$\text{② 因为 } \bar{C}(q) = \frac{C(q)}{q} = \frac{100}{q} + 0.25q + 6$$

$$\text{令 } \bar{C}'(q) = -\frac{100}{q^2} + 0.25 = 0, \text{ 解得唯一驻点 } q = 20 \text{ (} q = -20 \text{ 舍去)}.$$

$$\text{又 } \bar{C}''(q) = \frac{200}{q^3} > 0, \text{ 所以 } q = 20 \text{ 是平均成本函数 } \bar{C}(q) \text{ 的极小值点, 也是最小值点}.$$

因此, 当产量 $q=20$ 时, 可使平均成本最小. $\dots\dots\dots 20 \text{ 分}$

6、生产某产品的边际成本为 $C'(x) = 8x$ (万元/百台), 边际收入为 $R(x) = 100 - 2x$ (万元/百台), 其中 x 为产量, 求: ① 产量为多少时利润最大; ② 在最大利润产量的基础上再生产 2 百台, 利润将会发生什么变化。

$$\text{解 } L'(x) = R'(x) - C'(x) = (100 - 2x) - 8x = 100 - 10x$$

$$\text{令 } L'(x) = 0, \text{ 得 } x = 10 \text{ (百台)}$$

又 $x = 10$ 是 $L(x)$ 的唯一驻点, 该问题确实存在最大值,

故 $x = 10$ 是 $L(x)$ 的最大值点, 即当产量为 10 (百台) 时, 利润最大。

$$\text{又 } L = \int_{10}^{12} L'(x) dx = \int_{10}^{12} (100 - 10x) dx = (100x - 5x^2) \Big|_{10}^{12} = -20.$$

即从利润最大时的产量再生产 2 百台, 利润将减少 20 万元。

7、投产某产品的固定成本为 36 (万元), 边际成本为 $C'(x) = 2x + 40$ (万元/百台)。产量由 4 百台增至 6 百台时总成本的增量, 及产量为多少时, 可使平均成本达到最低

15. 解: 产量由 4 百台增至 6 百台时总成本的增量为

$$\Delta C = \int_4^6 (2x + 40) dx = (x^2 + 40x) \Big|_4^6 = 100 \text{ (万元)} \quad \dots\dots\dots$$

总成本函数为

$$C(x) = \int C'(x) dx = \int (2x + 40) dx = x^2 + 40x + c$$

由 $C(0) = 36$ 可得 $c = 36$, 从而 $C(x) = x^2 + 40x + 36$. 因此, 平均成本函数为

$$\bar{C}(x) = \frac{x^2 + 40x + 36}{x} = x + 40 + \frac{36}{x} \quad \dots\dots\dots$$

$$\text{令 } \bar{C}'(x) = 1 - \frac{36}{x^2} = 0, \text{ 解得唯一驻点 } x = 6 \text{ (} x = -6 \text{ 舍去)}.$$

$$\text{又 } \bar{C}''(x) = \frac{72}{x^3} > 0, \text{ 所以 } x = 6 \text{ 是平均成本函数 } \bar{C}(x) \text{ 的极小值, 也是最小值. 因此, 当产}$$

量为 6 百台时, 可使平均成本达到最小. $\dots\dots\dots 20 \text{ 分}$

8、投产某产品的固定成本为 36 (万元), 且产量 (百台) 时的边际成本为 $C(x) = 2x + 60$ (万元百台), 试求产里由 4 百台增至 6 百台时总成本的增量,

$C'(x) = 2x + 60$ (万元/百台), 试求产量由 4 百台增至 6 百台时总成本的增量,

及产量为多少时, 可使平均成本达到最低。

15. 解: 当产量由 4 百台增至 6 百台时, 总成本的增量为

$$\Delta C = \int_4^6 (2x + 60) dx = (x^2 + 60x) \Big|_4^6 = 140 \text{ (万元)}$$

$$\begin{aligned} \text{又 } \bar{C}(x) &= \frac{\int_0^x C'(x) dx + c_0}{x} = \frac{x^2 + 60x + 36}{x} \\ &= x + 60 + \frac{36}{x} \end{aligned}$$

$$\text{令 } \bar{C}'(x) = 1 - \frac{36}{x^2} = 0, \text{ 解得 } x = 6.$$

又该问题确实存在使平均成本达到最低的产量, 所以, 当 $x=6$ (百台) 时可使平均成本达到最低。

9、已知某产品的边际成本为 $C(q)=4q-3$ (万元百台), q 为产量(百台), 固定成本为 18(万元), 求最低平均成本。

解: 因为总成本函数为

$$C(q) = \int (4q - 3) dq = 2q^2 - 3q + c,$$

当 $q=0$ 时, $C(0) = 18$, 得 $c = 18$. 即

$$C(q) = 2q^2 - 3q + 18$$

又平均成本函数为

$$A(q) = \frac{C(q)}{q} = 2q - 3 + \frac{18}{q}$$

$$\text{令 } A'(q) = 2 - \frac{18}{q^2} = 0, \text{ 解得 } q = 3 \text{ (百台)}$$

该题确实存在使平均成本最低的产量, 所以当 $x=3$ 时, 平均成本最低, 最低平均成本为

$$A(3) = 2 \times 3 - 3 + \frac{18}{3} = 9 \text{ (万元/百台)}$$

10、已知某产品的边际成本为 $C(x)=2$ (元/件) 边际收入为 $R(x)=12-0.02x$, 问产量为多少时太久最大?

$C'(x) = 2$ (元/件) 边际收入为 $R'(x) = 12 - 0.02x$, 问产量为多少时太久最大? 在最大利润产量的基础上再生产 50 件, 利润将会发生什么变化?

解: 边际利润

$$L'(x) = R'(x) - C'(x) = 12 - 0.02x - 2 = 10 - 0.02x$$

$$\text{令 } L'(x) = 0, \text{ 得 } x = 500.$$

又 $x = 500$ 是 $L(x)$ 的唯一驻点, 根据问题的实际意义可知 $L(x)$ 存在最大值, 故 $x=500$ 是 $L(x)$ 的最大值点, 即当产量为 500 件时, 利润最大。

当产量由 500 件增加至 550 件时, 利润改变量为

$$\Delta L = \int_{500}^{550} L'(x) dx = \int_{500}^{550} (10 - 0.02x) dx = (10x - 0.01x^2) \Big|_{500}^{550} = -25$$

即在最大利润产量的基础上再生产 30 件, 利润将减少 25 元。

11、已知某产品的边际成本为 $C(x)=4x-3$ (万元百台), x 为产量(百台), 固定成本为 18(万元), 求最低平均成本。

$$C'(x) = 4x - 3 \text{ (万元/百台)},$$

x 为产量 (百台), 固定成本为 18 (万元), 求最低平均成本。

解: 因为总成本函数为

$$C(x) = \int (4x - 3) dx = 2x^2 - 3x + c$$

当 $x=0$ 时, $C(0)=18$, 得 $c=18$, 即

$$C(x) = 2x^2 - 3x + 18$$

又平均成本函数为

$$A(x) = \frac{C(x)}{x} = 2x - 3 + \frac{18}{x}$$

令 $A'(x) = 2 - \frac{18}{x^2} = 0$, 解得 $x=3$ (百台).

可以验证 $x=3$ 是 $A(x)$ 的最小值点, 所以当 $x=3$

时, 平均成本最低. 最低平均成本为

$$A(x) = 2 \times 3 - 3 + \frac{18}{3} = 9 \text{ (万元/百台)}$$

12. 已知某产品的边际成本为 $C(x)=6x-4$ (万元百台) x 为产量 (百台), 固定成本为 27 (万元), 求最低平均成本.

$C'(x) = 6x - 4$ (万元/百台) x 为产量 (百台), 固定成本为 27 (万元), 求最低平均成本.

解: 因为总成本函数为

$$C(x) = \int (6x - 4) dx = 3x^2 - 4x + c$$

当 $x=0$ 时, $C(0)=27$, 得 $c=27$, 即

$$C(x) = 3x^2 - 4x + 27$$

又平均成本函数为

$$\bar{C}(x) = \frac{C(x)}{x} = 3x - 4 + \frac{27}{x}$$

令 $\bar{C}'(x) = 3 - \frac{27}{x^2} = 0$, 解得 $x=3$ (百台)

该问题确实存在平均成本最低的产量. 所以, 当 $x=3$ 时, 平均成本最低, 最低平均成本为

$$C(3) = 3 \times 3 - 4 + \frac{27}{3} = 14 \text{ (万元/百台)}$$

13. 已知某产品的销售价格 p (元/件) 是销售量 q (件) 的函数 $p=400-q^2$, 而总成本为 $C(q)=100q+1500$ (元),

$p = 400 - \frac{q}{2}$, 而总成本为 $C(q) = 100q + 1500$ (元),

假设生产的产品全部售出, \leftarrow

求 (1) 产量为多少时利润最大? \leftarrow

(2) 最大利润是多少? \leftarrow

解: 收入函数为 $R = pq = (400 - \frac{q}{2})q = 400q - \frac{q^2}{2}$

$$L = R - C = 400q - \frac{q^2}{2} - (100q + 1500) = 300q - \frac{q^2}{2} - 1500$$

边际利润为

$$L'(x) = R'(q) - C'(q)$$

$$= 300 - q$$

令 $L'(q) = 0$ 得 $q=300$, 即产量为 300 件时利润最大.

$$\text{最大利润为 } L(300) = 300 \times 300 - \frac{300^2}{2} - 1500 = 43500 \text{ (元)}$$

14. 已知生产某产品的边际成本为 $C(q)=8q$ (万元百台), 边际收入为 $R(q)=100-2q$ (万元百台), 其中 q 为产量, 问产量多少时, 可使利润达到最大?

$C'(q) = 8q$ (万元/百台), 边际收入为 $R'(q) = 100 - 2q$

(万元/百台), 其中 q 为产量, 问产量多少时, 可使利润达到最大? 在利润最大时的产量基础上再生产 2 百台, 利润将会有怎样的变化?

解: $L'(q) = R'(q) - C'(q) = (100 - 2q) - 8q = 100 - 10q$

令 $L'(q) = 0$, 得 $q=10$ (百台)

又 $q=10$ 是 $L(q)$ 的唯一驻点, 该

该问题确实存在最大值, 即当产量为 10 (百台) 时利润最大.

$$\Delta L = \int_{10}^{12} L'(q) dq = \int_{10}^{12} (100 - 10q) dq = (100q - 5q^2) \Big|_{10}^{12} = -20$$

即在利润最大时的产量基础上再生产 2 万台, 利润将减少 20 万元。

15、已知生产某产品的边际成本为 $C(X)=2$ (元/件), 边际收入为 $R(X)=12-0.02X$, 问产量为多少时利润最大? 在最大利润产量的基础上再生产 50 件, 利润将会发生什么变化?

已知生产某产品的边际成本为 $C'(X)=2$ (元/件), 边际收入为 $R'(X)=12-0.02X$, 问产量为多少时利润最大? 在最大利润产量的基础上再生产 50 件, 利润将会发生什么变化?

答案: 解: 边际利润

$$L'(X) = R'(X) - C'(X) = 12 - 0.02X - 2 = 10 - 0.02X$$

令 $L'(X)=0$, 得 $X=500$

又 $x=500$ 是 $L(x)$ 的唯一驻点, 根据问题的实际意义可知 $L(x)$ 存在最大值, 故 $x=500$ 是 $L(x)$ 的最大值点, 即当产量为 500 件时, 利润最大. 10 分

当产量由 500 件增加至 550 件时, 利润改变量为

$$\Delta L = \int_{500}^{550} L'(x) dx = \int_{500}^{550} (10 - 0.02x) dx = (10x - 0.01x^2) \Big|_{500}^{550} = -25$$

即在最大利润产量的基础上再生产 50 件, 利润将减少 25 元.....20 分